Universidad Autónoma de Nuevo León Facultad de Ingeniería Mecánica y Eléctrica Subdirección de Estudios de Posgrado



Estabilización de vuelo en UAVs con sintonización inteligente de controladores convencionales

POR

Víctor de Jesús Medrano Zarazúa

COMO REQUISITO PARA OBTENER EL GRADO DE

MAESTRO EN CIENCIAS DE LA INGENIERÍA ELÉCTRICA

Abril 2017

Universidad Autónoma de Nuevo León Facultad de Ingeniería Mecánica y Eléctrica Subdirección de Estudios de Posgrado



Estabilización de vuelo en UAVs con sintonización inteligente de controladores convencionales

POR

Víctor de Jesús Medrano Zarazúa

COMO REQUISITO PARA OBTENER EL GRADO DE

MAESTRO EN CIENCIAS DE LA INGENIERÍA ELÉCTRICA

Abril 2017

Universidad Autónoma de Nuevo León Facultad de Ingeniería Mecánica y Eléctrica Subdirección de Estudios de Posgrado

Los miembros del Comité de Tesis recomendamos que la tesis «Estabilización de vuelo en UAVs con sintonización inteligente de controladores convencionales», realizada por el alumno Víctor de Jesús Medrano Zarazúa, con número de matrícula 1442635, sea aceptada para su defensa como opción al grado de Maestro en Ciencias de la Ingeniería Eléctrica.

El Comité de Tesis

Dr. Luis Torres-Treviño

Asesor

Dr. Juan Angel Rodríguez Liñán Revisor

Dr. Oscar Salvador Salas Peña

Revisor

Vo, Bo.

Dr. Simón Martínez Martínez Subdirector de Estudios de Posgrado

San Nicolás de los Garza, Nuevo León, abril 2017

A mi familia, amigos y aquellas personas que se esfuerzan por transformar y moldear el mundo para bien de la sociedad. Especialmente a mi madre, que ha estado ahí en todo momento.

ÍNDICE GENERAL

Ag	Agradecimientos xi							
No	omen	claturas	XIV					
Re	esum	en	XVI					
1.	Intr	oducción	1					
	1.1.	Motivación	2					
	1.2.	Antecedentes	4					
	1.3.	Justificación	7					
	1.4.	Hipótesis	9					
	1.5.	Objetivos	9					
	1.6.	Metodología	9					
	1.7.	Contribuciones	10					
	1.8.	Contenido de la tesis	10					
2.	Mar	co Teórico	12					

	2.1.	Modelo del UAV	12
	2.2.	Arquitectura del UAV	17
		2.2.1. Esquema de control	17
	2.3.	Sistema Difuso	18
	2.4.	Base de reglas del sistema difuso	20
3.	Res	ultados en simulación	21
	3.1.	Simulación de UAV	21
	3.2.	Animación	25
4.	Res	ultados experimentales	26
	4.1.	Reporte técnico del prototipo	26
		4.1.1. Diseño	26
		4.1.2. Hardware	28
		4.1.3. Software	34
		4.1.4. Funcionamiento	34
	4.2.	Identificación de parámetros	35
	4.3.	Obteniendo ganancias del controlador para el prototipo construido	39
	4.4.	Resultados	43
5.	Con	clusiones	46
A.	Cód	ligo de Simulación de UAV (Scilab)	51

B. Reglas del Sistema Difuso

B.1.	Reglas para el ajuste de K_p		•	•	 •	•			•		•			85
B.2.	Reglas para el ajuste de K_i		•	•	 •				•		•		•	87
B.3.	Reglas para el ajuste de K_d				 •									89

85

ÍNDICE DE FIGURAS

1.1.	Diversos tipos de UAVs	2
1.2.	Controlador MultiWii SE V2.5	2
1.3.	Estructura mecánica de un cuadricóptero	3
1.4.	Aplicaciones de los cuadricópteros	3
1.5.	Diagrama de controlador PID	5
1.6.	Control PID + Lógica Difusa (izquierda) [1]. Control PID + Método Empírico (derecha) [19]	6
1.7.	Control PID + Lógica Difusa + Analizador de Señal $\ \ldots\ \ldots\ \ldots$	7
1.8.	Ciclo de tendencia en tecnologías emergentes (Fuente: Gartner - Julio 2016)	8
2.1.	Tramas inercial (izq.) y de cuerpo (der.) del cuadricóptero	12
2.2.	Pares en ángulos de Euler i.e. Roll/Pitch (Izquierda) y Yaw (Derecha)	15
2.3.	Esquema de control para lograr la estabilización de vuelo estacionario	18
2.4.	Sistema difuso general [24]	18
2.5.	Cuantificación de valores de entrada	19

2.6.	Magnitud del incremento/decremento en el ajuste de ganancia $\ .\ .\ .$	19
3.1.	Posición angular: Ziegler Nichols, Sintonización Manual, Sistema Difuso	23
3.2.	Velocidad angular: Ziegler Nichols, Sintonización Manual, Sistema Di- fuso	23
3.3.	Posición lineal: Ziegler Nichols, Sintonización Manual, Sistema Difuso	24
3.4.	Velocidad lineal: Ziegler Nichols, Sintonización Manual, Sistema Difuso	24
3.5.	Animación de la simulación	25
4.1.	Vista explosionada de la estructura del cuadricóptero	27
4.2.	Batería de Tecnología Li-Po	28
4.3.	Cargador/Balanceador de Tecnología Li-Po 50W/6A con capacidad de LiHV Accucell-6	29
4.4.	Sistema R/C digital proporcional	29
4.5.	Controlador de vuelo estándar CRIUS MWC MultiWii SE V2.6 $\ .\ .$.	31
4.6.	Motores MT1806 2280KV	32
4.7.	Controlador de velocidad para motor	32
4.8.	Propulsores utilizados	33
4.9.	Microcontrolador Arduino Pro Mini y Lector SD	33
4.10	. MultiWiiConf	34
4.11.	. Modelo CAD del cuadricóptero	36
4.12	. Impresión 3D de la estructura del cuadricóptero y sus componentes en el lugar correspondiente	36

4.13. Experimento 1. Par generado en los ángulos de ϕ y θ $\ .$	37
4.14. Experimento 2. Par generado en el ángulo ψ	38
4.15. Control y grabación de orientación en el cuadricóptero	43
4.16. Medición del ángulo ϕ	44
4.17. Medición del ángulo θ	44
4.18. Prueba de vuelo	45

ÍNDICE DE TABLAS

2.1.	Reglas para el comportamiento de ΔK_p	20
3.1.	Parámetros de la simulación	22
4.1.	Características de la batería Turnigy ®	28
4.2.	Características del controlador de vuelo	30
4.3.	Características de los motores	31
4.4.	Datos del experimento 1	37
4.5.	Datos del experimento 2	38
4.6.	Parámetros del prototipo construido	39
4.7.	Evolución de las ganancias e índices de desempeño para el ángulo $\phi~$.	40
4.8.	Evolución de las ganancias e índices de desempeño para el ángulo θ .	41
4.9.	Evolución de las ganancias e índices de desempeño para el ángulo ψ .	42

Agradecimientos

Quisiera agradecer a todas las personas involucradas directa e indirectamente durante el desarrollo de esta tesis. Primeramente a quienes estuvieron colaborando de forma más cercana, como lo son mi asesor, el Dr. Luis Martín Torres-Treviño y el M.C. Mario Aguilera Ruiz, ya que sin su ayuda esto no habría sido posible. También quisiera agradecer al Dr. Juan Ángel Rodríguez Liñán por los aportes hechos a esta tesis y a todo el equipo de investigadores del área de Mecatrónica por darme esta oportunidad, haciendo mención especial de la Dra. Griselda Quiróz Compeán.

Agradezco a la Facultad de Ingeniería Mecánica y Eléctrica (FIME), la Universidad Autónoma de Nuevo León, al Consejo Nacional de Ciencia y Tecnología (CONACYT) por otorgarme la beca número 662142 y los medios para realizar esta investigación. Deseo agradecer a las personas que me acompañaron durante estos dos años y de quienes aprendí bastante: Mis padres (Lucy Zarazúa y Víctor Medrano), mis dos hermanas (Carolina Medrano y Lucy Medrano), Juan P. Saucedo, mis familiares, Vidal Trejo, Carlos Arvizu, Aldebarán Alonso, Jorge A. Villanueva, Antonio Zalapa, Miguel Tovar, Emilse Vázquez, Ana Leal, César Ledezma, Javier Ríos, Munster Rodríguez, Job Benítez, Luis González, Roberto de la Rosa, Sam Li, Tony Ribo, Emiliano Ramos, Ever Solís, Brandon Ramírez, Carolina Quintanilla, Martín García, Hugo Ruiz, Víctor Rangel, César Árzola, Jazmín Martínez, Toñita Gutiérrez, Humberto Huerta y seguramente muchos más que me faltó mencionar (por lo cual me disculpo, pues no ha sido intencional), con los quienes pase gratos momentos en este sinuoso pero fructuoso camino. Finalmente agradecer a aquellas personas que no conozco pero cuya obra habla e inspira a la humanidad, y que ayudaron a que los momentos difíciles fueran más llevaderos.

Nomenclaturas

- OS Sobretiro de la respuesta en el tiempo
- SSE Error de estado estable de la respuesta en el tiempo
- ST Tiempo de asentamiento de la respuesta en el tiempo
- *RT* Tiempo de levantamiento de la respuesta en el tiempo
- K_p Ganancia proporcional del controlador PID
- K_i Ganancia integral del controlador PID
- K_d Ganancia derivativa del controlador PID
- ΔK_p Incremento en ganancia proporcional
- ΔK_i Incremento en ganancia integral
- ΔK_d Incremento en ganancia derivativa
- \mathbf{R}_{B}^{I} Matriz de rotación (de trama de cuerpo a trama inercial)
- $\boldsymbol{\xi}$ Vector de posición del cuadricóptero
- x Posición en el eje x del cuadricóptero
- y Posición en el eje y del cuadricóptero
- z Posición en el eje z del cuadricóptero
- η Vector de orientación del cuadricóptero
- ϕ Angulo de rotación del cuadricóptero alrededor del eje x (Roll)
- θ Ángulo de rotación del cuadricóptero alrededor del eje y (Pitch)
- ψ Ángulo de rotación del cuadricóptero alrededor del eje z (Yaw)
- ϕ_d Ángulo roll deseado
- θ_d Ángulo pitch deseado
- ψ_d Ángulo yaw deseado

- **V**_B Vector de velocidad lineal del cuadricóptero
- $V_{x,B}$ Velocidad en el eje x del cuadricóptero
- $V_{y,B}$ Velocidad en el eje y del cuadricóptero
- $V_{z,B}$ Velocidad en el eje z del cuadricóptero
- u Vector de velocidad angular del cuadricóptero
- p Velocidad angular del cuadricóptero alrededor del eje x_B
- q Velocidad angular del cuadricóptero alrededor del eje y_B
- r Velocidad angular del cuadricóptero alrededor del eje z_B
- ω_i Velocidad angular del motor i
- f_i Fuerza en la dirección del eje del motor i
- τ_{M_i} Par de torsión alrededor del eje del motor i
- I_{M_i} Momento de inercia del motor i
- $\mathbf{T}_{\mathbf{B}}$ Vector de la fuerza de empuje generada por los cuatro motores
- T Fuerza de empuje en la dirección del eje z_B
- k Factor de empuje
- *b* Factor de arrastre
- k_d Factor de fuerza de arrastre
- $\mathbf{F}_{\mathbf{D}}$ Vector de fuerza de arrastre
- au_B Vector del par generado en cada ángulo de Euler
- τ_{ϕ_B} Par generado en el ángulo roll
- τ_{θ_B} Par generado en el ángulo pitch
- τ_{ψ_B} Par generado en el ángulo yaw
- m Masa del cuadricóptero
- *L* Distancia entre el rotor y el centro de masa del cuadricóptero
- g Fuerza de gravedad
- t Tiempo
- I Matriz diagonal de inercias
- I_{xx} Momento de inercia alrededor del eje x_B
- I_{yy} Momento de inercia alrededor del eje y_B
- I_{zz} Momento de inercia alrededor del eje z_B

RESUMEN

Víctor de Jesús Medrano Zarazúa.

Candidato para obtener el grado de Maestro en Ciencias de la Ingeniería Eléctrica Título del estudio: Estabilización de vuelo en UAVs con sintonización INTELIGENTE DE CONTROLADORES CONVENCIONALES.

OBJETIVOS Y MÉTODO DE ESTUDIO: Los vehículos aéreos no tripulados han tenido un gran avance y popularidad durante los últimos años. La comunidad científica busca desarrollar soluciones innovadoras en este campo. En este trabajo se propone el desarrollo de un estabilizador de vuelo basado en la sintonización inteligente de un controlador convencional. La sintonización se logra evaluando la respuesta en el tiempo del sistema.

CONTRIBUCIONES Y CONCLUSIONES: Se logra el comportamiento estable de un vehículo aéreo por medio de un método alternativo y de bajo costo. Los resultados muestran que el método utilizado para sintonizar las ganancias de un controlador, tiene una mejor respuesta a un impulso en la velocidad angular que otros. El desarrollo del proyecto se llevó a cabo con herramientas de software libre para compartir la información de la misma manera.

Capítulo 1

INTRODUCCIÓN

Un vehículo aéreo no tripulado o UAV (Unmanned Aerial Vehicle) es descrito como una aeronave motorizada capaz de realizar su misión sin un operador humano a bordo [16]. Éste puede ser usado para una serie de tareas donde el acceso a través del aire es la mejor solución, donde es innecesario o peligroso el uso de un vehículo tripulado o cuando un alto nivel de precisión y seguimiento de pasos es requerido [15]. Desde su llegada han extendido el potencial humano, permitiendo la ejecución de tareas peligrosas o difíciles de manera segura y eficiente, lo cual se traduce en ahorrar tiempo, dinero y lo más importante, salvar vidas [6].

Los UAVs han tenido avances sin precedentes durante las dos últimas decadas debido principalmente a sus aplicaciones civiles y militares (ver Figura 1.1) [2, 5]. Su tecnología ha crecido de manera radical recientemente, incorporando materiales compuestos ligeros, electrónica embebida avanzada (ver Figura 1.2) y algoritmos computacionales eficientes [11].



Figura 1.1: Diversos tipos de UAVs.



Figura 1.2: Controlador MultiWii SE V2.5

1.1 MOTIVACIÓN

En años recientes los cuadricópteros se han vuelto muy populares respecto a otros UAVs debido a su reducido tamaño, bajo costo, simplicidad de la mecánica, buena maniobrabilidad, capacidad de supervivencia y aumento de la carga útil [10].

El uso de hélices giratorias permite al cuadricóptero producir las fuerzas aerodinámicas de empuje necesarias para despegar y aterrizar verticalmente, permanecer estacionario y volar a bajas altitudes [5]. Los cuatro motores del cuadricóptero están localizados en la parte frontal, trasera, izquierda y derecha del marco transversal (ver Figura 1.3) [15].

Los cuadricópteros están ganando más importancia gracias a su fácil implementación en aplicaciones tales como inspección de construcciones después de un



Figura 1.3: Estructura mecánica de un cuadricóptero

desastre, misiones de rescate, transportación, agricultura/cultivo a distancia y captura de imágenes aéreas [12]. Algunas de estas aplicaciones pueden observarse en la Figura 1.4.

La estabilidad de vuelo estacionario (hover stability) de un cuadricóptero es una de las tareas importantes a realizar para aplicaciones dedicadas a tomar imágenes a bordo (inspección de construcciones, monitoreo de vida silvestre, vigilancia, etcétera) ya que requieren de imagenes claras para análisis posteriores. Ser estable durante el vuelo estacionario también previene al cuadricóptero de colisionar debido a fuertes vientos o a su propio peso [19].



Figura 1.4: Aplicaciones de los cuadricópteros

1.2 ANTECEDENTES

Desde su introducción en la década de 1950 [9], los vehículos aéreos no tripulados, también conocidos como UAVs (por sus siglas del inglés Unmanned Aerial Vehicles), han sido utilizados por la milicia para misiones consideradas sucias, peligrosas o poco intensas [16]. El primer UAV fue el Q-2 hecho por Ryan Aeronautical, volado en la década de 1950 para reconocimiento militar [26]. Muchos UAVs utilizados en la milicia pesan cientos o incluso miles de libras y pueden alcanzar una altitud de hasta 6000 pies. Además, la milicia también usa UAVs pequeños o micro como el Dragon Eye, FPASS, Pointer o Raven [23]. Los UAVs con aplicaciones militares son costosos en su desarrollo y mantenimiento, lo cual los hace inapropiados para aplicaciones civiles [9].

Desde la década de 1990, el surgimiento de las baterías de alta densidad de potencia (de iones de litio y polímero de litio), los equipos miniaturizados, y los dispositivos de redes inalámbricas permitieron que los UAVs pequeños fueran asequibles para investigadores y aficionados [9]. Este avance propició que el uso de UAVs haya crecido rápidamente durante los últimos años [8] y que el interés de la comunidad científica por el diseño de UAVs sea cada vez mayor con el objetivo de desarrollar vehículos más baratos y capaces. Este mismo interés por los UAVs para aplicaciones civiles y militares hizo necesario el desarrollo de la teoría de control de vuelo y algoritmos cada vez más eficientes y rápidos [2].

Con la madurez actual de la tecnología y el alto nivel de demanda, los UAVs están encontrando su camino dentro de las aplicaciones civiles. Con esta tendencia a la alza, los académicos e investigadores están ahora interesados en oportunidades de investigación para desarrollar soluciones únicas e innovadoras en el campo de los UAVs [18].

Existen diversas clasificaciones y tipos de UAVs [18], entre los cuales destacan los cuadricópteros, que están ganando más importancia debido a diversas ventajas ya mencionadas (ver sección 1.1); razones por las que ha recibido más atención que otros micro UAVs [21].

Según Wang et. al, un vehículo cuadrimotor es un sistema no lineal sub-actuado de fuerte acoplamiento y múltiples variables. En el presente, la tecnología PID (ver Figura 1.5) se aplica ampliamente en el control de un vehículo cuadrimotor por sus características: estructura simple, tecnología madura, y fácil realización de la ingeniería en la práctica. Los controladores PID convencionales tienen las ventajas de tener estructura simple y parámetros ajustables, pero es excesivamente dependiente en el modelo preciso de un sistema cuadrimotor complejo con grandes perturbaciones, alta no linealidad e incertidumbre, por lo que los efectos de control esperados no son realizados de manera general [28].



Figura 1.5: Diagrama de controlador PID

La sintonización o ajuste de parámetros es importante para un mejor desempeño de los controladores PID. Los controladores PID pueden ser sintonizados en una variedad de formas, incluyendo métodos convencionales como: sintonización manual, sintonización Ziegler-Nichols, sintonización Cohen-Coon y Z-N respuesta escalón. Los métodos anteriores tienen sus propias limitaciones en comparación con las técnicas de soft computing como GA, PSO y EP (por sus siglas del inglés *Genetic Algorithms*, *Particle Swarm Optimization y Evolutionary Programming* respectivamente). Según Gowrisankar y Kumar [14], las técnicas de *soft computing* han demostrado su excelencia en dar mejores resultados para características de estado estable e índices de desempeño, pues son capaces de lidiar con problemas no lineales, objetivos múltiples y propiedades dinámicas de los componentes que aparecen frecuentemente en situaciones del mundo real. La lógica difusa en combinación con métodos de soft computing se ha utilizado en aplicaciones para diversos campos [7], pues usando mecanismos de inferencia verbales lidia de manera eficiente con los problemas de incertidumbre [22].

El controlador puede ser sintonizado sin cambiar el punto de operación, pero debe ser re-sintonizado si éste cambia o el proceso se altera con el tiempo. La lógica difusa ha tenido un buen efecto de control para procesos con características no lineales. La combinación de una ley de control PID (lineal) y una estrategia de sintonización como lógica difusa (no lineal) puede llegar a ser una ley de control altamente no lineal e incrementar significativamente la robustez del sistema de control [17]. Los esquemas de la Figura 1.6 han sido utilizados por [1] y [19] para la sintonización del controlador PID de un cuadricóptero.



Figura 1.6: Control PID + Lógica Difusa (izquierda) [1]. Control PID + Método Empírico (derecha) [19]

El esquema de la Figura 1.7 fue propuesto por [4] en la sintonización inteligente de un control PID para un motor de CD, obteniendo los índices de desempeño de la señal con los datos de la variable a controlar. Este esquema también fue utilizado por [3] para controlar la temperatura en celdas de Peltier. Esto resulta de interés para controlar un UAV por medio de este mismo esquema.



Figura 1.7: Control PID + Lógica Difusa + Analizador de Señal

1.3 JUSTIFICACIÓN

- Participar en la investigación de UAVs debido a sus actuales y potenciales aplicaciones de manera individual, así como en enjambres. Según Gartner, una de las tres tendencias en las tecnologías emergentes actuales es la construcción de máquinas perceptivas inteligentes, dentro de las cuales están clasificados los UAVs. Los UAVs aún tienen grandes expectativas en cuanto a sus aplicaciones (ver Figura 1.8)
- Ahorrar recursos humanos y económicos en las distintas aplicaciones donde UAVs son utilizados. Con UAVs a su disposición, las compañías pueden ahorrar dinero recopilando información con menos mantenimiento y sin riesgo a la seguridad humana. Por ejemplo, en enero de 2012, la oficina del sheriff del condado de Mesa (en el estado de Colorado, EE. UU.) fue pionera en el uso de la aplicación de la ley de UAVs. La agencia ya ha utilizado la tecnología para proveer fotografías aéreas de accidentes automovilísticos y apoyar al departamento de bomberos a combatir incendios detectando puntos de emergencia; además de ver a los UAVs como una herramienta de búsqueda de ayuda y esfuerzos



Figura 1.8: Ciclo de tendencia en tecnologías emergentes (Fuente: Gartner - Julio 2016)

de rescate. El uso de los UAVs en estas aplicaciones es menos costoso, ya que el costo total según la AUVSI (Association for Unmanned Vehicle Systems International) es de USD\$3.36 por hora, comparado al precio de USD\$250-\$600 por hora para un vehículo tripulado [6].

 Compartir libremente con la comunidad científica y demás interesados, los procedimientos y resultados de la investigación.

1.4 HIPÓTESIS

Se consigue un mejor desempeño (en comparación con métodos convencionales de sintonización) en un estabilizador de vuelo de un vehículo cuadrirrotor, si es supervisado por medio de un sistema inteligente que lo sintonice autónomamente a través de los índices de desempeño del controlador.

1.5 Objetivos

• Objetivo general:

Desarrollar un estabilizador de vuelo basado en sintonización inteligente de un controlador convencional y apoyado por la respuesta en el tiempo del sistema.

- Objetivos particulares:
 - Seleccionar modelo matemático del UAV.
 - Sintonizar control de estabilización de vuelo estacionario del UAV por medio de un sistema difuso.
 - Simular modelo, control y sintonizador de manera integrada.
 - Implementar en un ambiente o banco de pruebas.

1.6 Metodología

A lo largo de este trabajo se realizaron las siguientes tareas:

- 1. Revisión bibliográfica.
- 2. Definir estructura del UAV.

- 3. Seleccionar modelo dinámico del UAV.
- 4. Diseñar sintonizador inteligente y control.
- 5. Simulaciones de vuelo para el UAV.
- 6. Construir prototipo del UAV.
- 7. Identificar parámetros y obtener ganancias.
- 8. Pruebas reales de vuelo.

1.7 Contribuciones

En el desarrollo de esta tesis se llegaron a las siguientes contribuciones:

- Proponer un método alternativo para la estabilización de un UAV.
- Desarrollar un esquema con software libre, capaz de evaluar los parámetros del controlador por medio de la respuesta en el tiempo del UAV y de hacer un reajuste.
- Conseguir un buen desempeño en la estabilidad de un UAV con herramientas de bajo costo.

1.8 Contenido de la tesis

El resto de este documento está organizado de la siguiente forma:

El capítulo 2 muestra el modelo matemático del UAV utilizado y explica como es posible lograr su control mediante el accionamiento de los propulsores del vehículo a la velocidad angular calculada. También se presenta el esquema propuesto, cuya parte principal es el sistema difuso. Al final del capítulo se explica como funcionan las reglas que rigen al sistema difuso.

El capítulo 3 muestra los resultados de la simulación (con parámetros propuestos por [13]) y la realización de una animación 3D para presentar de una manera más ilustrativa el comportamiento del UAV durante su estabilización.

El capítulo 4 explica como se desarrolló el prototipo físico y la obtención de sus parámetros para hallar las ganancias que permitan un buen desempeño. Posteriormente se muestran los resultados experimentales (se llevaron a cabo pruebas de vuelo) después de programar el controlador con las ganancias propuestas por la simulación.

Por último, se muestran las conclusiones, así como el posible trabajo a futuro.

Capítulo 2

Marco Teórico

El presente capítulo muestra el modelo matemático del UAV y una breve explicación de las variables cruciales para lograr su control. Posteriormente, se presenta el esquema propuesto y cómo funciona el sistema difuso. Por último, se expone una pequeña muestra de las reglas que rigen al sistema difuso para lograr un mejor ajuste de las ganancias de un controlador PID.

2.1 Modelo del UAV

Considere la Figura 2.1 para entender el modelo cinemático y dinámico del cuadricóptero.



Figura 2.1: Tramas inercial (izq.) y de cuerpo (der.) del cuadricóptero.

La posición absoluta lineal del cuadricóptero es definida en los ejes x, y, z de la trama inercial con $\boldsymbol{\xi}$. La orientación, i.e. la posición angular, es definida en la trama inercial con tres ángulos de Euler mediante $\boldsymbol{\eta}$. El ángulo pitch θ determina la rotación del cuadricóptero alrdedor del eje y. El ángulo roll ϕ determina la rotación alrededor del eje x y el ángulo yaw ψ alrededor del eje z (ver Ecuacion 2.1).

$$\boldsymbol{\xi} = \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix}, \quad \boldsymbol{\eta} = \begin{bmatrix} \phi \\ \theta \\ \psi \end{bmatrix}$$
(2.1)

La matriz de rotación \mathbf{R} que relaciona la orientación de las tramas inercial y de cuerpo se muestra en la Ecuación 2.2. Esta matriz se deriva de la convención XYZ de los ángulos de Euler.

$$\mathbf{R}_{\mathbf{B}}^{\mathbf{I}} = \begin{bmatrix} c\psi c\theta & c\psi s\theta s\phi - c\phi s\psi & c\psi s\theta c\phi + s\psi s\phi \\ s\psi c\theta & s\psi s\theta s\phi + c\psi c\phi & s\psi s\theta c\phi - c\psi s\phi \\ -s\theta & c\theta s\phi & c\theta c\phi \end{bmatrix}$$
(2.2)

En la trama de cuerpo, las velocidades lineales son determinadas por V_B y las velocidades angulares por ν (ver Ecuación 2.3).

$$\mathbf{V}_{\mathbf{B}} = \begin{bmatrix} V_{x,B} \\ V_{y,B} \\ V_{z,B} \end{bmatrix}, \quad \boldsymbol{\nu} = \begin{bmatrix} p \\ q \\ r \end{bmatrix}$$
(2.3)

La matriz Jacobiana **J** que relaciona las velocidades angulares de las tramas de cuerpo e inercial se muestra en las Ecuaciones 2.4 y 2.5. Vempati et. al. [27] explican a detalle y de manera clara como se obtiene esta matriz Jacobiana a través del modelo del cuadricóptero.

$$\mathbf{J} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & -s\theta \\ 0 & c\phi & c\theta s\phi \\ 0 & -s\phi & c\theta c\phi \end{bmatrix}$$
(2.4)

$$\boldsymbol{\nu} = \mathbf{J}\boldsymbol{\dot{\eta}}, \quad \boldsymbol{\dot{\eta}} = \mathbf{J}^{-1}\boldsymbol{\nu}, \tag{2.5}$$

Supongamos que el cuadricóptero tiene estructura simétrica con los cuatro brazos alineados en los ejes x_B y y_B en la trama de cuerpo. De este modo, la matriz de inercia es la matriz diagonal **I**, en la cual $I_{xx} = I_{yy}$. Los tres elementos de la matriz **I** representan los momentos de inercia alrededor de los ejes de la trama de cuerpo (ver Ecuación 2.6).

$$\mathbf{I} = \begin{bmatrix} I_{xx} & 0 & 0\\ 0 & I_{yy} & 0\\ 0 & 0 & I_{zz} \end{bmatrix}$$
(2.6)

La velocidad angular del motor *i*, denotado por ω_i , crea una fuerza f_i en la dirección del eje del motor. La velocidad y aceleración angular del motor también crean un par de torsión τ_{M_i} alrededor del eje del motor

$$f_i = k\omega_i^2, \quad \tau_{M_i} = b\omega_i^2 + I_{M_i}\dot{\omega}_i \tag{2.7}$$

en donde k es la constante de empuje, b es la constante de arrastre y el momento de inercia del motor i es I_{M_i} . Usualmente el efecto de $\dot{\omega_i}$ es considerado pequeño y por lo tanto omitido.

Las fuerzas combinadas de los motores crean una fuerza de empuje $\mathbf{T}_{\mathbf{B}}$. El par de torsión resultante $\boldsymbol{\tau}_{\mathbf{B}}$ consiste de los pares de torsión τ_{ϕ_B} , τ_{θ_B} y τ_{ψ_B} en la dirección de los ángulos de la trama de cuerpo correspondientes (ver Ecuaciones 2.8 y 2.9).

$$\mathbf{T}_{\mathbf{B}} = \begin{bmatrix} 0\\0\\T \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0\\0\\\sum_{i=1}^{4} f_i \end{bmatrix} = k \begin{bmatrix} 0\\0\\\sum_{i=1}^{4} \omega_i^2 \end{bmatrix}$$
(2.8)

$$\boldsymbol{\tau}_{\boldsymbol{B}} = \begin{bmatrix} \tau_{\phi_{B}} \\ \tau_{\theta_{B}} \\ \tau_{\psi_{B}} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} Lk(\omega_{1}^{2} - \omega_{3}^{2}) \\ Lk(\omega_{2}^{2} - \omega_{4}^{2}) \\ \sum_{i=1}^{4} \tau_{M_{i}} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} Lk(\omega_{1}^{2} - \omega_{3}^{2}) \\ Lk(\omega_{2}^{2} - \omega_{4}^{2}) \\ b(\omega_{1}^{2} - \omega_{2}^{2} + \omega_{3}^{2} - \omega_{4}^{2}) \end{bmatrix}$$
(2.9)

Donde T es la fuerza de empuje en la dirección del eje z_B de la trama de cuerpo y L es la distancia entre el motor y el centro de masa del cuadricóptero. Por lo tanto, el movimiento alrededor del eje x_B es conseguido disminuyendo la velocidad del motor 3 e incrementando la velocidad del motor 1 (o viceversa). Similarmente, el movimiento alrededor del eje y_B es conseguido disminuyendo la velocidad del motor 4 e incrementando la velocidad del motor 2 (o viceversa). El movimiento alrededor del eje z_B es conseguido incrementando las velocidades angulares de dos motores que se encuentren sobre el mismo eje (e.g: Motor 1 y 3) y disminuyendo la velocidad angular de los otros dos (e.g: Motor 2 y 4). La Figura 2.2 ilustra cada uno de estos movimientos.



Figura 2.2: Pares en ángulos de Euler i.e. Roll/Pitch (Izquierda) y Yaw (Derecha)

Además de la fuerza de empuje, se puede modelar la fuerza de arrastre o la fricción (debido a la resistencia del aire) como una fuerza proporcional a la velocidad lineal en cada dirección. La Ecuación 2.10 es una visión muy simplificada de la fricción en fluidos.

$$\mathbf{F}_{\mathbf{D}} = \begin{bmatrix} -k_d \dot{x} \\ -k_d \dot{y} \\ -k_d \dot{z} \end{bmatrix}$$
(2.10)

Donde k_d es el factor de la fuerza de arrastre. Si se desea precisión adicional, la constante k_d puede ser separada en tres constantes de fricción diferentes, una para cada dirección de movimiento.

Suponiendo que el cuadricóptero es un cuerpo rígido, la segunda ley de Newton puede ser usada para describir la dinámica traslacional del cuadricóptero en la trama inercial, esto es

$$m\ddot{\boldsymbol{\xi}} = \begin{bmatrix} 0\\0\\-mg \end{bmatrix} + \mathbf{R}_{\mathbf{B}}^{\mathbf{I}}\mathbf{T}_{\mathbf{B}} + \mathbf{F}_{\mathbf{D}}$$
(2.11)

donde m es la masa del cuadricóptero y g es la fuerza de gravedad.

De la ecuación $\tau = I\dot{\boldsymbol{\nu}} + \boldsymbol{\nu} \times (I\boldsymbol{\nu})$, la dinámica rotacional es expresada por

$$\dot{\boldsymbol{\nu}} = \begin{bmatrix} \tau_{\phi_B} I_{xx}^{-1} \\ \tau_{\theta_B} I_{yy}^{-1} \\ \tau_{\psi_B} I_{zz}^{-1} \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} \frac{I_{yy} - I_{zz}}{I_{xx}} qr \\ \frac{I_{zz} - I_{xx}}{I_{yy}} pr \\ \frac{I_{xx} - I_{yy}}{I_{zz}} pq \end{bmatrix}$$
(2.12)

Se utiliza una ley de control PID para lograr la estabilización de vuelo estacionario. Los pares de torsión requeridos para este tipo de estabilización se obtienen mediante las Ecuaciones 2.13-2.15.

$$\tau_{\phi_B} = (K_{\phi,D}(\dot{\phi}_d - \dot{\phi}) + K_{\phi,P}(\phi_d - \phi) + K_{\phi,I} \int (\phi_d - \phi))I_{xx}$$
(2.13)

$$\tau_{\theta_B} = (K_{\theta,D}(\dot{\theta}_d - \dot{\theta}) + K_{\theta,P}(\theta_d - \theta) + K_{\theta,I} \int (\theta_d - \theta))I_{yy}$$
(2.14)

$$\tau_{\psi_B} = (K_{\psi,D}(\dot{\psi}_d - \dot{\psi}) + K_{\psi,P}(\psi_d - \psi) + K_{\psi,I} \int (\psi_d - \psi))I_{zz}$$
(2.15)

Donde ϕ_d , θ_d y ψ_d son los ángulos de Euler deseados, mientras que $K_{\alpha,\beta}$ es la ganancia destinada a cada angulo de Euler α (ϕ , θ o ψ) del tipo β (P: Proporcional, I: Integral o D: Derivativa).

Posteriormente se calculan las velocidades angulares necesarias en los motores para alcanzar los pares de torsión requeridos mediante las ecuaciones 2.16-2.19.

$$\omega_1^2 = \frac{T}{4k} - \frac{\tau_{\theta_B}}{2kL} - \frac{\tau_{\psi_B}}{4b}$$
(2.16)

$$\omega_2^2 = \frac{T}{4k} - \frac{\tau_{\phi_B}}{2kL} + \frac{\tau_{\psi_B}}{4b}$$
(2.17)

$$\omega_3^2 = \frac{T}{4k} + \frac{\tau_{\theta_B}}{2kL} - \frac{\tau_{\psi_B}}{4b}$$
(2.18)

$$\omega_4^2 = \frac{T}{4k} + \frac{\tau_{\phi_B}}{2kL} + \frac{\tau_{\psi_B}}{4b}$$
(2.19)

2.2 Arquitectura del UAV

2.2.1 ESQUEMA DE CONTROL

Se utiliza el esquema propuesto por [3] y [4] (ver figura 2.3) para la estabilización de vuelo estacionario de un cuadricóptero. En este esquema, la respuesta en el tiempo del cuadricóptero es evaluada (a través del OS, SSE y ST) para después hacer una sintonización o reajuste en las ganancias de los controladores PIDs de las Ecuaciones 2.13-2.15.



Figura 2.3: Esquema de control para lograr la estabilización de vuelo estacionario

2.3 SISTEMA DIFUSO

El sistema difuso es la parte más importante del esquema presentado, pues se encarga de reducir la magnitud del error que entra al controlador PID de acuerdo a un conjunto de reglas. El objetivo principal de éste será mejorar la respuesta del cuadricóptero en cada iteración.

Las partes principales del sistema difuso utilizado (ver figura 2.4) se describen a continuación:



Figura 2.4: Sistema difuso general [24]

Fusificador: Las entradas del sistema difuso son normalizadas (los valores de entrada toman valores mapeados entre 0 y 1). De acuerdo a la magnitud del valor

normalizado, la entrada está sujeta a un término lingüístico (VL: Muy bajo, L: Bajo, M: Medio, H: Alto, VH: Muy alto) por medio de un valor de membresía que se asigna con una función predeterminada (ver figura 2.5).



Figura 2.5: Cuantificación de valores de entrada

Base de reglas: Reglas del tipo SI-ENTONCES son almacenadas en esta base. Las reglas son proporcionadas por expertos que deciden como se comporta el sistema.

Mecanismo de inferencia: Utiliza los datos del fusificador (valores de membresía), la base de reglas y otras operaciones para regir el proceso de razonamiento difuso. En este caso, el mecanismo de inferencia determina si habrá un incremento o decremento en la ganancia.

Defusificador: La salida difusa del mecanismo de inferencia (VN: Muy negativo, N: Negativo, Z: Nulo, P: Positivo, VP: Muy positivo) es procesada para que sea comprensible a un mecanismo que procesa información numérica, retornando un valor exacto a la salida, el cual determina el ajuste en la ganancia (ver figura 2.6).



Figura 2.6: Magnitud del incremento/decremento en el ajuste de ganancia

2.4 Base de reglas del sistema difuso

El sistema difuso del esquema de la figura 12 se rige por ciertas reglas para ajustar las ganancias del controlador PID. La Tabla 2.1 es una muestra de cinco reglas (las reglas completas pueden verse en el Apéndice B) para incrementar o reducir la ganancia K_p .

OS	\mathbf{SS}	ST	ΔK_p
MB	MB	MB	Ν
В	В	М	+
М	М	MA	Ν
MA	В	MB	-
MA	MA	MA	++

Tabla 2.1: Reglas para el comportamiento de ΔK_p

Traducción al lenguaje verbal de la primera y última regla del cuadro 1:

- SI sobretiro es MUY BAJO, error de estado estable es MUY BAJO y tiempo de asentamiento es MUY BAJO: ENTONCES incremento en K_p es NINGUNO.
- SI sobretiro es MUY ALTO, error de estado estable es MUY ALTO y tiempo de asentamiento es MUY ALTO: ENTONCES incremento en K_p es MUY POSITIVO.
Capítulo 3

Resultados en simulación

El siguiente capítulo muestra los datos requeridos para realizar la simulación y los datos obtenidos después de ser ejecutada, ya que de esta manera es posible predecir el comportamiento del UAV con diferentes ganancias de prueba en el controlador PID. Posteriormente, se muestra una animación hecha para corroborar de forma visual que el UAV efectivamente se estabiliza.

3.1 SIMULACIÓN DE UAV

El esquema de control de la Figura 2.3 fue simulado en el software abierto Scilab (ir a Apéndice A para ver el código de simulación) para ilustrar la estabilización de vuelo estacionario a través de los controladores PID cuyos parámetros son ajustados por medio del sistema difuso.

Los parámetros numéricos para las simulaciones se encuentran en la Tabla 3.1. Estos valores corresponden a los mismos utilizados por Gibiansky en una simulación hecha en MATLAB y basados en un prototipo construido por él mismo [13].

Para propósitos de comparación, las ganancias de los controladores PID fueron ajustadas a través de tres métodos diferentes: 1) Ziegler-Nichols, 2) Sintonización Manual y 3) Sintonización por Sistema Difuso.

Parámetro	Valor	Unidad
g	9.81	m/s^2
m	0.5	kg
L	0.25	m
k	3×10^{-6}	$kg\cdot m$
b	1×10^{-7}	$kg\cdot m^2$
k_d	0.25	kg/s
I_{xx}	$5 imes 10^{-3}$	$kg\cdot m^2$
I_{yy}	$5 imes 10^{-3}$	$kg\cdot m^2$
I_{zz}	1×10^{-2}	$kg\cdot m^2$

Tabla 3.1: Parámetros de la simulación

La simulación consiste en someter al cuadricóptero a un impulso en la velocidad angular inicial y además conseguir que llegue a una altura deseada z = 2. Una vez que se llega a la altura deseada, se observa a través de los resultados como el cuadricóptero se estabiliza para lograr el vuelo estacionario.

En las Figuras 3.1 - 3.4 se muestra la comparativa entre los tres métodos para observar la evolución de cuatro variables diferentes (posición angular, velocidad angular, posición lineal y velocidad lineal respecto a la trama inercial). • Posición angular del UAV



Figura 3.1: Posición angular: Ziegler Nichols, Sintonización Manual, Sistema Difuso

• Velocidad angular del UAV



Figura 3.2: Velocidad angular: Ziegler Nichols, Sintonización Manual, Sistema Difuso

• Posición lineal del UAV



Figura 3.3: Posición lineal: Ziegler Nichols, Sintonización Manual, Sistema Difuso

• Velocidad lineal del UAV



Figura 3.4: Velocidad lineal: Ziegler Nichols, Sintonización Manual, Sistema Difuso

3.2 ANIMACIÓN

La simulación es ilustrada gráficamente en una animación elaborada por medio de Scilab con los resultados del método de sistema difuso (ver Figura 3.5). En esta figura se observa el comportamiento del cuadricóptero en distintos instantes de tiempo.



Figura 3.5: Animación de la simulación

La animación fue realizada con ayuda del sitio web de Sky Engineering Laboratory [25]. El código puede verse en el Apéndice B (Código 3).

Capítulo 4

RESULTADOS EXPERIMENTALES

4.1 Reporte técnico del prototipo

4.1.1 DISEÑO

El diseño del cuadricóptero (ver Figura 4.1) se compone de siete piezas impresas con tecnología 3D consistentes de un material conocido como ácido poliláctico (PLA), el cual es un polímero biodegradable. Sobre la cubierta superior, va colocado el controlador de vuelo, el receptor de radio y un registrador de datos del vuelo. Los cuatro brazos separan las cubiertas superior e inferior. En el extremo más alejado del centro del cuadricóptero de cada brazo y sobre este mismo, van posicionados los motores. El controlador de velocidad de los motores se unió a la parte inferior de cada brazo por medio de un sincho de velcro. La batería va colocada entre las cubiertas superior e inferior en la orientación indicada. Bajo la cubierta inferior se colocaron unas pequeñas gomas para amortiguar el aterrizaje del vehículo.



Figura 4.1: Vista explosionada de la estructura del cuadricóptero

4.1.2 HARDWARE

4.1.2.1 ALIMENTACIÓN

Todos los componentes electrónicos del cuadricóptero se alimentan a través de una batería de tecnología Li-Po (ver Figura 4.2). Esta batería es colocada en el interior del vehículo para evitar daños por colisiones. La Tabla 4.1 muestra sus principales características.



Figura 4.2: Batería de Tecnología Li-Po

Capacidad	1300mAh
Configuración	3s
Descarga	25c
Masa	119g
Max. índice de carga	5
Longitud	$70\mathrm{mm}$
Altura	34mm
Anchura	22mm

Tabla 4.1: Características de la batería Turnigy ®

Es necesario contar con un cargador de baterías (ver Figura 4.3), ya que realizar pruebas de vuelo con un nivel de batería bajo causa que ésta misma se dañe.



Figura 4.3: Cargador/Balanceador de Tecnología Li-Po 50W/6A con capacidad de LiHV Accucell-6

4.1.2.2 Transmisión y recepción

El sistema R/C se encarga de comunicar inalámbricamente las señales enviadas por el transmisor, al receptor que se encuentra en el UAV. El sistema utilizado es el modelo Futaba® 9C (ver Figura 4.4)



Figura 4.4: Sistema R/C digital proporcional

4.1.2.3 Controlador de vuelo

Las acciones a realizar por el cuadricóptero son recibidas, procesadas y controladas a través del controlador de vuelo (ver Figura 4.5). Las principales características se enlistan en la Tabla 4.2.

Microcontrolador	ATMega328P
Voltaje de operación	$5\mathrm{V}$
Canales de entrada para receptor	6
Salidas (Propulsores)	8
Salidas (ϕ y θ de cámara integrada)	2
Masa	9.3g
Dimension	40mm x 40mm
Altura	11.6mm
Sensores integrados	MPU6050C 6 ejes giroscopio /
	acelerómetro con Processing Unit Motion;
	HMC5883L 3 ejes magnetómetro digital;
	Sensor de presión digital BMP085

Tabla 4.2: Características del controlador de vuelo



Figura 4.5: Controlador de vuelo estándar CRIUS MWC MultiWii SE V2.6

4.1.2.4 PROPULSIÓN DEL CUADRICÓPTERO

La velocidad angular de los rotores determinará el empuje, orientación y estabilidad del cuadricóptero.

Se utilizan motores sin escobillas (ver Figura 4.6), ya que son potentes y de alto rendimiento. Es importante seleccionar motores que puedan proporcionar un empuje lo suficientemente grande para levantar el peso neto de la estructura. Las características principales de los motores seleccionados se muestran en la Tabla 4.3

RPM/V	2280KV
Batería	2-3s Li-Po
Empuje máximo	460g
Masa	18g
Altura	26.7mm
Anchura	23mm

Tabla 4.3: Características de los motores



Figura 4.6: Motores MT1806 2280KV

Los ESCs (Electronic Speed Controllers, por sus siglas en inglés) son un componente esencial de los multirrotores ya que ofrecen la potencia y frecuencia necesarias para el motor en un circuito pequeño y ligero (ver Figura 4.7).



Figura 4.7: Controlador de velocidad para motor

La hélice es el dispositivo mecánico que permite al cuadricóptero desplazarse a través del aire utilizando el principio de Bernoulli. La hélice se compone de dos palas que poseen una forma curva, para que al girar sea posible desplazar el aire, debido a la diferencia de presión entre las caras de ambas palas.

Cabe recordar que en el cuadricóptero, dos motores giran en sentido horario; los otros dos giran en sentido contrario. Por esto mismo, el ángulo de torsión de las palas está invertido entre las hélices que giran en sentido horario y antihorario (ver Figura 4.8).



Figura 4.8: Propulsores utilizados

4.1.2.5 GRABACIÓN DE DATOS

El registrador de datos se compone de un microcontrolador Arduino Pro Mini (ver Figura 4.9, izq.) y un modulo lector de tarjetas SD (ver Figura 4.9, der.). El microcontrolador se encarga de enviar comandos al Multiwii para obtener datos acerca de la orientación del cuadricóptero. Cada vez que se obtienen datos, estos se almacenan en un array y son grabados en la memoria SD.



Figura 4.9: Microcontrolador Arduino Pro Mini y Lector SD

4.1.3 SOFTWARE

El controlador de vuelo MultiWii fue programado con el archivo más reciente (al 20 de noviembre de 2016) en el sitio wiki de MultiWii. Es preciso realizar ciertas modificaciones al código, tal como especificar el tipo de UAV a utilizar (cuadricóptero en este caso), cuántos motores serán utilizados, la configuración del cuadricóptero (QuadX/Quad+), etc.

Una vez se sube el código al controlador de vuelo, se abre la interfaz gráfica de usuario (GUI) de MultiWii: MultiWiiConf (ver Figura 4.10). En esta GUI es posible modificar las ganancias del controlador al valor deseado.



Figura 4.10: MultiWiiConf

4.1.4 FUNCIONAMIENTO

- 1. Se conecta la batería y se recomienda sea posicionada como en la figura 4.1.
- 2. Se procede a encender el control remoto o transmisor de la señal.
- Se activan los motores. Esto se logra apuntando la palanca de mando izquierda completamente hacia abajo y luego hacia la derecha por aproximadamente tres segundos.

- 4. Para controlar la elevación del cuadricóptero se comienza a subir o bajar lentamente la palanca de mando derecha.
- 5. Una vez que el cuadricóptero se encuentre a la altura deseada puede proceder a modificar los ángulos de ϕ (arriba-abajo) y θ (izquierda-derecha) mediante la palanca de mando izquierda.
- 6. También es posible controlar el ángulo ψ (izquierda-derecha) mediante la palanca de mando derecha.
- 7. Para evitar daños en la batería es recomendable detener el vuelo cuando el nivel sea bajo. También es recomendable aterrizar el vehículo de manera suave, ya que los golpes bruscos también podrían dañar la batería.
- 8. Aterrizado el vehículo, es pertinente desconectar la alimentación antes de apagar el control remoto, ya que puede haber ruido en el exterior que descontrole por completo el vehículo.

4.2 Identificación de parámetros

El modelo CAD (ver Figura 4.11) fue impreso en una impresora 3D de la marca MakerBot. Una vez impresa la estructura del cuadricóptero y las piezas puestas en el lugar correspondiente (ver Figura 4.12), la masa total m del cuadricóptero fue medida con una báscula.

Se obtuvieron L y los elementos de la diagonal en la matriz de inercias (I_{xx}, I_{yy}, I_{zz}) gracias al diseño asistido por computadora [Computer Assisted Design (CAD)] de la estructura del cuadricóptero en SolidWorks.

Las constantes $k \neq b$, conocidas como los factores de empuje y arrastre respectivamente, se obtuvieron por medio de dos experimentos diferentes (ver Figuras 4.13 y 4.14). Estos factores están relacionados a la magnitud del par en cada ángulo



Figura 4.11: Modelo CAD del cuadricóptero



Figura 4.12: Impresión 3D de la estructura del cuadricóptero y sus componentes en el lugar correspondiente

de Euler (Ecuaciones 4.1 y 4.2). Las constantes l_1 y l_2 son la longitud de los dos segmentos de la escuadra; en este experimentos ambas longitudes son iguales.

• Experimento 1 (Pares $\phi \neq \theta$)

$$\tau_{\phi,\theta} = T_B l_1 = mg l_2$$

$$= k\omega^2 l_1 = mg l_2$$
(4.1)



Figura 4.13: Experimento 1. Par generado en los ángulos de ϕ y θ

$\omega~({ m RPM})$	m(g)
7080	47
10560	106
14280	196
17520	297

Tabla 4.4: Datos del experimento 1

• Experimento 2 (Par ψ)

$$\tau_{\psi} = b\omega^2 = mgl_2 \tag{4.2}$$

Figura 4.14: Experimento 2. Par generado en el ángulo ψ

$\omega~({ m RPM})$	m(g)
6660	10
9720	14
11850	18
15000	26
18210	30

Tabla 4.5: Datos del experimento 2

Parametro	Valor	Unidad
\overline{m}	0.423	kg
g	9.81	m/s^2
L	0.117	m
k	$8.5 imes 10^{-7}$	$kg\cdot m$
b	1.4675×10^{-8}	$kg\cdot m^2$
k_d	0.25	kg/s
I_{xx}	1.05641×10^{-3}	$kg\cdot m^2$
I_{yy}	1.08968×10^{-3}	$kg\cdot m^2$
I_{zz}	$1.99025 imes 10^{-3}$	$kg\cdot m^2$

Finalmente, los parámetros requeridos en el modelo matemático para el prototipo construido se muestran en la tabla 4.6.

Tabla 4.6: Parámetros del prototipo construido

4.3 Obteniendo ganancias del controlador para el prototipo construido

Usando los parámetros del prototipo construido (Tabla 4.6), la simulación se ejecutó de nuevo para obtener las ganancias del controlador en el sistema real.

La evolución de las ganancias del controlador por medio del método propuesto y la mejora en los índices de desempeño se muestran en las Tablas 4.7, 4.8 y 4.9:

K_p	K_i	K_d	OS	SSE	ST
0.1	0.001	1.	17.468587	0.0793510	10.
0.8458149	0.0051675	2.6670136	6.3570395	0.0748264	10.
1.5916298	0.0093351	4.3340271	4.7947391	0.0040364	3.924
2.0233305	0.0116800	6.4688839	3.4598191	0.0000887	4.097
2.4290155	0.0124791	9.518456	2.4502921	0.0002529	3.509
2.428949	0.0124783	11.185476	2.119899	0.0004045	3.328
2.4288755	0.0125254	12.85246	1.8654155	0.0003442	3.035
2.4288046	0.0141250	14.519573	1.6636515	0.0002702	2.691
2.4305706	0.0171652	16.186551	1.5004191	0.0001982	2.317
2.4305038	0.0203210	17.417741	1.3983226	0.0000708	2.016
2.4304307	0.0229201	18.142167	1.3442095	0.0000574	1.83
2.4303598	0.0253845	18.580575	1.3133763	0.0001387	1.716
2.4302889	0.0277230	18.745506	1.3019963	0.0002050	1.668
2.430217	0.0300161	18.750808	1.3015577	0.0002484	1.662
2.430145	0.0323075	18.750448	1.3015638	0.0002613	1.66
2.430073	0.0345989	18.750088	1.3015774	0.0002648	1.66
2.430001	0.0368904	18.749728	1.3015897	0.0002658	1.66
2.429929	0.0391819	18.749368	1.3016028	0.0002660	1.66
2.429857	0.0414735	18.749008	1.3016125	0.0002660	1.66
2.429785	0.0437651	18.748648	1.3016185	0.0002660	1.66
2.429713	0.0460567	18.748288	1.3016235	0.0002660	1.66
2.4296411	0.0483484	18.747928	1.3016274	0.0002660	1.66
2.4295691	0.0506401	18.747568	1.3016329	0.0002660	1.66
2.4294971	0.0529317	18.747208	1.3016482	0.0002661	1.661
2.4294251	0.0552235	18.746848	1.3016848	0.0002662	1.661

Tabla 4.7: Evolución de las ganancias e índices de desempeño para el ángulo ϕ

K_p	K_i	K_d	OS	SSE	ST
0.1	0.001	1.	25.42214	0.1307779	10.
0.8458149	0.0051675	2.6670136	6.6300895	0.1234279	10.
1.5916298	0.0093351	4.3340271	5.2191167	0.0066575	3.873
1.9218939	0.0052708	7.9094839	3.1083714	0.0013441	4.702
2.1525994	0.0052700	11.081866	2.2479827	0.0005538	3.809
2.1525281	0.0052691	12.749223	1.9612138	0.0004297	3.445
2.1524575	0.0052682	14.416279	1.7380159	0.0003314	3.051
2.1523877	0.0068009	16.083171	1.5602401	0.0002506	2.639
2.2078897	0.0101008	17.750134	1.4137703	0.0000108	2.159
2.2078173	0.0127671	18.704812	1.3416429	0.0000382	1.914
2.2077462	0.0152205	19.288649	1.3008236	0.0001093	1.756
2.2076741	0.0175090	19.570828	1.281756	0.0001760	1.675
2.2076002	0.0197183	19.603079	1.2792444	0.0002338	1.658
2.207526	0.0219178	19.602708	1.2790977	0.0002567	1.655
2.2074517	0.0241167	19.602337	1.2790611	0.0002639	1.654
2.2073775	0.0263155	19.601965	1.279064	0.0002661	1.653
2.2073033	0.0285143	19.601594	1.2790777	0.0002668	1.653
2.207229	0.0307131	19.601223	1.279091	0.0002669	1.654
2.2071548	0.0329120	19.600852	1.2791008	0.0002670	1.654
2.2070806	0.0351110	19.600481	1.2791069	0.0002669	1.654
2.2070063	0.0373099	19.60011	1.279112	0.0002669	1.654
2.2069321	0.0395089	19.599738	1.279116	0.0002669	1.654
2.2068579	0.0417079	19.599367	1.2791218	0.0002669	1.654
2.2067836	0.0439069	19.598996	1.2791369	0.0002670	1.654
2.2067094	0.0461060	19.598625	1.2791727	0.0002671	1.654

Tabla 4.8: Evolución de las ganancias e índices de desempeño para el ángulo θ

K_p	K_i	K_d	OS	SSE	ST
0.1	0.001	1.	19.683504	0.0900751	10.
0.8458149	0.0051675	2.6670136	6.4627353	0.0848820	10.
1.5916298	0.0093351	4.3340271	4.9045256	0.0046554	3.908
1.8023958	0.0107665	5.4779669	4.0811564	0.0000207	4.427
2.5044853	0.0143640	6.055674	3.6589609	0.0012961	3.289
3.0079572	0.0160805	8.3048656	2.7753419	0.0000718	3.072
3.1283598	0.0160797	10.703382	2.2134853	0.0002592	2.9
3.1282878	0.0177861	12.370654	1.9384924	0.0001822	2.693
3.1282186	0.0204620	14.037845	1.7229181	0.0001493	2.439
3.1281542	0.0242397	15.537312	1.5649637	0.0000816	2.17
3.1280827	0.0276496	16.509886	1.4763887	0.0000406	1.972
3.1280131	0.0306104	17.162309	1.4222189	0.0001182	1.836
3.1279443	0.0334068	17.586633	1.3889119	0.0001709	1.745
3.1278747	0.0360577	17.818186	1.371298	0.0002116	1.694
3.1278041	0.0386344	17.907642	1.3645503	0.0002413	1.673
3.1277348	0.0411835	17.929965	1.3628399	0.0002570	1.666
3.1276653	0.0437255	17.929618	1.3628348	0.0002633	1.665
3.1275958	0.0462675	17.92927	1.3628494	0.0002644	1.665
3.1275264	0.0488095	17.928923	1.3628646	0.0002645	1.665
3.1274569	0.0513516	17.928576	1.3628771	0.0002645	1.665
3.1273874	0.0538938	17.928228	1.3628883	0.0002645	1.665
3.127318	0.0564360	17.927881	1.362898	0.0002645	1.665
3.1272485	0.0589782	17.927534	1.3629079	0.0002645	1.665
3.1271791	0.0615205	17.927186	1.3629244	0.0002646	1.665
3.1271096	0.0640628	17.926839	1.3629579	0.0002646	1.665

Tabla 4.9: Evolución de las ganancias e índices de desempeño para el ángulo ψ

4.4 Resultados

Usando las últimas ganancias proporcionadas por los resultados de la simulación y aplicando un impulso vía control remoto en los ángulos de ϕ y θ (ver Figura 4.15, izq.), se llevaron a cabo las pruebas de vuelo.

La orientación del cuadricóptero se obtuvo mediante la comunicación serial entre la unidad de medición inercial, un microcontrolador y un lector de tarjetas SD (ver Figura 4.15, der.).



Figura 4.15: Control y grabación de orientación en el cuadricóptero

Una vez grabados los datos dentro de la tarjeta SD durante las pruebas de vuelo, se muestran los resultados en las Figuras 4.16 y 4.17. En la Figura 4.18 se muestran algunas capturas de una de las pruebas de vuelo.

El impulso en el ángulo ψ no fue aplicado porque el controlador no está programado para reajustarlo a una posición inicial.



Figura 4.16: Medición del ángulo ϕ



Figura 4.17: Medición del ángulo θ



Figura 4.18: Prueba de vuelo

Capítulo 5

CONCLUSIONES

Los resultados de la simulación muestran que el método propuesto para sintonizar las ganancias del controlador convencional logra una mejor respuesta a un impulso en la velocidad angular en comparación con los métodos de Ziegler-Nichols y sintonización manual. Esto se afirma, a partir de los índices de desempeño del controlador en cada método y visualmente por medio de las animaciones, para corroborar efectivamente los resultados.

Asimismo, los resultados experimentales muestran que al evolucionar las ganancias por medio del esquema propuesto y programarlas dentro del controlador del cuadricóptero, se obtiene un comportamiento estable. No obstante, las pruebas se hicieron en un ambiente controlado y el modelo del UAV puede llegar a ser mucho más preciso que el utilizado. Además, la programación por default de la tarjeta MultiWii nos limitó a realizar algunas pruebas adicionales de la manera deseada.

El trabajo futuro se enfocará en obtener un modelo más aproximado (basado en Inteligencia Artificial), en programar la tarjeta MultiWii para que se ajuste a nuestras necesidades y en mejorar la respuesta del sistema en tiempo real, obteniendo datos sobre la orientación del cuadricóptero en línea para evaluar la respuesta del sistema físico.

BIBLIOGRAFÍA

- ABBASI, E. y M. J. MAHJOOB, «Controlling of Quadrotor UAV Using a Fuzzy System for Tuning the PID Gains in Hovering Mode», págs. 1–6, 2012.
- [2] ALAIMO, A., V. ARTALE, C. L. R. MILAZZO y A. RICCIARDELLO, «PID controller applied to hexacopter flight», *Journal of Intelligent and Robotic Systems: Theory and Applications*, **73**(1-4), págs. 261–270, 2014.
- [3] ALONSO-CARREÓN, A. A., M. PLATAS y L. M. TORRES-TREVIÑO, «Artificial Intelligence and Soft Computing», 9119(1), págs. 443-451, 2015, URL http://link.springer.com/10.1007/978-3-319-19324-3.
- [4] ALVARADO-YAÑEZ, L. A., L. M. TORRES-TREVIÑO y A. RODRÍGUEZ, «An Embedded Fuzzy Agent for Online Tuning of a PID Controller for Position Control of a DC Motor», págs. 225–232, 2013.
- [5] ALVARENGA, J., N. I. VITZILAIOS, K. P. VALAVANIS y M. J. RUTHERFORD, «Survey of Unmanned Helicopter Model-Based Navigation and Control Techniques», Journal of Intelligent and Robotic Systems: Theory and Applications, 80(1), págs. 87–138, 2014.
- [6] ASSOCIATION FOR UNMANNED VEHICLE SYSTEMS INTERNATIONAL, «The Benefits of Unmanned Aircraft Systems : Saving Time, Saving Money, Saving Lives», , 2015, URL https://epic.org/events/ UAS-Uses-Saving-Time-Saving-Money-Saving-Lives.pdf.

- [7] BEVILACQUA, V., E. GRASSO, G. MASTRONARDI y L. RICCARDI, «A soft computing approach to the intelligent control», 2006 IEEE International Conference on Industrial Informatics, págs. 1312–1317, 2006.
- [8] CAMBONE, S. A., K. J. KRIEG, P. PACE y L. WELLS, «Unmanned aircraft systems roadmap 2005–2030. Technical report», US Department of Defense, 2005.
- CHAO, H., Y. CAO y Y. CHEN, «Autopilots for small unmanned aerial vehicles: A survey», International Journal of Control, Automation and Systems, 8(1), págs. 36–44, 2010.
- [10] CHOVANCOVÁ, A., T. FICO, L. CHOVANEC y P. HUBINSKÝ, «Mathematical modelling and parameter identification of quadrotor (a survey)», *Procedia En*gineering, 96, págs. 172–181, 2014.
- [11] DULO, D., «Unmanned Aircraft Classifications», The SciTech Lawyer, 11(4), pág. 16, 2015, URL http://www.nasa.gov/centers/armstrong/news/ FactSheets/FS-075-DFRC.html{#}.VgSEAJ551wA.mendeley.
- [12] ESWARAN, P., G. MAHENDAR, P. MUKUNDA y K. ZEESHAN, «Stabilization of UAV Quadcopter», pág. 828, 2016.
- [13] GIBIANSKY, A., «Quadcopter Dynamics, Simulation, and Control Introduction Quadcopter Dynamics», págs. 1–18, 2012, URL https://github.com/ gibiansky/experiments/blob/master/quadcopter/matlab/simulate.m.
- [14] GOWRISANKAR, M. y A. N. KUMAR, «Soft Computing based Controllers for Electric Drives - A Comparative Approach», 10(1), págs. 184–192, 2015.
- [15] JAIMES, A., S. KOTA y J. GOMEZ, «An approach to surveillance an area using swarm of fixed wing and quad-rotor unmanned aerial vehicles UAV(s)», 2008 IEEE International Conference on System of Systems Engineering, SoSE 2008, 2008.

- [16] KABBABE, K., «Development of Procedures for Flight Testing Uavs Using the Ardupilot System», ... school of mechanical, The University of ..., 2011, URL http://uavs.mace.manchester.ac.uk/files/2513/7971/0471/ MScKabbabe2011.pdf.
- [17] KETATA, R., D. DE GEEST y A. TITLI, «Fuzzy controller: design, evaluation, parallel and hierarchial combination with a PID controller», *Fuzzy Sets and Systems*, **71**(1), págs. 113–129, 1995.
- [18] KORCHENKO, A. G. y O. S. ILLYASH, «The generalized classification of Unmanned Air Vehicles», 2013 IEEE 2nd International Conference on Actual Problems of Unmanned Air Vehicles Developments, APUAVD 2013 - Proceedings, págs. 28–34, 2013.
- [19] LEONG, B. T. M., S. M. LOW y M. P. L. OOI, «Low-cost microcontrollerbased hover control design of a quadcopter», *Procedia Engineering*, 41(IRIS), págs. 458–464, 2012.
- [20] LUUKKONEN, T., «Modelling and Control of Quadcopter», Journal of the American Society for Mass Spectrometry, 22(7), págs. 1134-45, 2011, URL http://www.ncbi.nlm.nih.gov/pubmed/21953095.
- [21] MOHAMMADI, M. y A. M. SHAHRI, «Adaptive nonlinear stabilization control for a Quadrotor UAV: Theory, simulation and experimentation», Journal of Intelligent and Robotic Systems: Theory and Applications, 72(1), págs. 105– 122, 2013.
- [22] NAHAPETIAN, N., M. R. J. MOTLAGH y M. ANALOUI, «PID Gain Tuning using Genetic Algorithms and Fuzzy Logic For Robot Manipulator Control», International Conference on Advanced Computer Control : Icacc 2009 - Proceedings, págs. 346–350, 2009.
- [23] PAPPALARDO, J., «Unmanned aircraft road- map reflects changing priorities», National Defense, 89, 2005.

- [24] SCHMID, C., «The components of a fuzzy system», , 2005, URL http:// virtual.cvut.cz/course/syscontrol/node130.html.
- [25] SKY ENGINEERING LABORATORY, «Making Animation with Scilab», 2011, URL http://www.sky-engin.jp/en/ScilabAnimation/index.html.
- [26] SULLIVAN, J. M., «Evolution or revolution? The rise of UAVs», IEEE Technology and Society Magazine, (October), 2006.
- [27] VEMPATI, A. S., V. CHOUDHARY y L. BEHERA, «Quadrotor : Design, Control and Vision Based Localization», Third International Conference on Advances in Control and Optimization of Dynamical Systems, (2012), págs. 1105–1106, 2014.
- [28] WANG, Y., Y. CHENXIE, J. TAN, C. WANG, Y. WANG y Y. ZHANG, «Fuzzy Radial Basis Function Neural Network PID Control System for a Quadrotor UAV Based on Particle Swarm Optimization», (August), págs. 2580–2585, 2015.

APÉNDICE A

Código de Simulación de UAV (Scilab)

Código 1 (Código general)

```
1 exec ('Fuzzy System.sce', -1) // Calls the fuzzy system functions
   exec('quadcopter_animation.sce', -1) // Calls the animation function
2
3
   function [result, evaluation, tables]=simulate(start_time, end_time, dt, cycles)
4
5
       \mathbf{xdel}(\mathbf{winsid}());
6
       times = start_time: dt: end_time; //Simulation times, in seconds.
7
       //Number of points in the simulation.
8
       N = length(times);
9
10
       //Data taken from Modelling and Control of Quadcopter (Luukkonen)
11
       //m=0.5; //Mass of the UAV (kg)
12
       //g=9.81; //Gravity, units: m/s^2
13
14
       //k=3e-6; //Lift/Thrust Constant
       //b=1e-7; //Drag Constant
15
16
       //kd_{f} = 0.1; //Drag Force: 0.25
       //L= 0.25; //Distance (center of the quad- any propeller)
17
       18
       //Inertia matrix elements
19
```

20 $//I_{-}xx = 5e - 3;$ 21 $//I_{-}yy = 5e - 3;$ 2223 $//I_{-}zz = 10e - 3;$ 24//Real Quadcopter 25//m=0.423; //Mass of the UAV, units: kg 2627 $//g = 9.81; //Gravity, units: m/s^2$ //k=8.5e-7; //Lift/Thrust Constant28//b=1.4675e-8; //Drag Constant 29 $//kd_f = 0.25; //Drag Force$ 30 //L= 0.117; //Distance (center of the quad- any propeller) 313233 //Inertia matrix elements 3435 $//I_{-}xx = 1.05641e - 3;$ $//I_y y = 1.08968e - 3;$ 3637 $//I_z z = 1.99025 e - 3;$ 38//Manual Data 39m=1.25; //Mass of the UAV, units: kg 40 g=9.81; //Gravity, units: m/s^2 41 42k=2.92e-6; //Lift/Thrust Constant b=1.12e-7; //Drag Constant 43 $kd_f = 0.25; //Drag Force$ 44 L= 0.2; //Distance (center of the quad- any propeller) 4546//Inertia matrix elements 474849 $I_x x = 2.353 e - 3;$ 50 $I_{-}yy = 2.353e - 3;$ 51 $I_z z = 4.706 e - 3;$ 52//Inertia matrix 53I = diag([I_xx, I_yy, I_zz]); //Symmetric quadcopter 5455

```
56
        params=struct ("mass", m, "gravity", g, "thrust", k, "drag", b, ...
57
        "dragforce", kd_f, "length", L, "inertia", I, "diff", dt);
58
59
        //Desired Height
60
61
        zd=2;
62
63
        //Height control gains (Constants)
64
        Kp_alt = 3; //def:3
        Kd_alt = 4; //def: 4
65
66
        //Unit Gains
67
68
        Kp = [0.1, 0.1, 0.1];
        Ki = [0.001, 0.001, 0.001];
69
70
        Kd = [1, 1, 1]';
71
        //Paper Gains (Trial and error hand tuning)
72
73
        //Kp = [3, 3, 3]';
        //Ki = [5.5, 5.5, 5.5]';
74
        //Kd = [4, 4, 4]';
75
76
77
        //Ziegler-Nichols Gains
        //Kcr: 2,1.3,1.2
78
79
        //Pcr: 4.1,5,5.5
        //Kp = [0.6 * 2, 0.6 * 1.3, 0.6 * 1.2]';
80
        //Ki = [0.5 * 4.1, 0.5 * 5, 0.5 * 5.5];
81
82
        //Kd = [0.125 * 4.1, 0.125 * 5, 0.125 * 5.5]';
83
        //Load rules (rules_kp, rules_ki, rules_kd)
84
        load('/home/victorm/Desktop/Thesis/QuadModel/Variables/rules_kp.sod');
85
86
        load('/home/victorm/Desktop/Thesis/QuadModel/Variables/rules_ki.sod');
        load('/home/victorm/Desktop/Thesis/QuadModel/Variables/rules_kd.sod');
87
88
89
        x_out=zeros(3,N, cycles);
90
        xdot_out = zeros(3, N, cycles);
91
        theta_out = \mathbf{zeros}(3, N, \text{cycles});
```

```
92
         thetadot_out = \mathbf{zeros}(3, \mathbf{N}, \mathbf{cycles});
93
         omega_out=zeros(3,N, cycles);
         omegadot_out=zeros(3,N, cycles);
94
95
         input_out=zeros(4,N, cycles);
96
         tables = zeros(cycles, 6, 3);
97
98
         for cycle=1:cycles
             //Initial simulation state.
99
100
             x = zeros(3, 1);
             //x = [0; 0; 1];
101
             xdot = zeros(3,1);
102
103
              theta = \mathbf{zeros}(3, 1);
             //theta = [-\% pi/12; -\% pi/12; -\% pi/12]; // Initial deviation
104
105
              thetadot = \mathbf{zeros}(3, 1);
             omega=zeros(3,1);
106
107
             \operatorname{omegadot}=\mathbf{zeros}(3,1);
108
              os=zeros(3,1);
              t_rise = zeros(3, 1);
109
              t\_settle=zeros(3,1);
110
111
              sse=zeros(3,1);
112
             //Simulate some disturbance in the angular velocity.
113
114
              deviation = -15; //units: deg/sec
115
             //thetadot = deg2rad(2 * deviation * rand(3, 1) - deviation);
116
              thetadot = deg2rad(2 * deviation * [0;0;0] - deviation);
117
118
             index=1; //n will take values from 1 to N
119
120
             //Step through the simulation, updating the state.
121
122
              for t = times
123
                  [i, params] = pid_controller (Kp, Ki, Kd, Kp_alt, Kd_alt, params, ...
124
                  thetadot, theta); //Take input from our controller.
125
                  omega = thetadot2omega(thetadot, theta);
126
127
```

128	//Compute linear and angular accelerations.
129	a = acceleration(i, theta, xdot, params.mass, params.gravity,
130	params.thrust, params.dragforce);
131	
132	$omegadot = angular_acceleration(i, omega, params.inertia,$
133	params.length, params.drag, params.thrust);
134	
135	omega = omega + params.diff * omegadot;
136	$[thetadot, t_matrix] = omega2thetadot(omega, theta);$
137	theta = theta + params. $diff * thetadot;$
138	xdot = xdot + params. diff * a;
139	x = x + params. diff * xdot;
140	
141	$x_{out}(:, index, cycle) = x;$
142	$xdot_out(:, index, cycle) = xdot;$
143	$theta_out(:, index, cycle) = theta;$
144	<pre>thetadot_out(:, index,cycle) = thetadot;</pre>
145	$omega_out(:, index, cycle) = omega;$
146	<pre>omegadot_out(:, index,cycle) = omegadot;</pre>
147	$input_out(:, index, cycle) = i;$
148	
149	index=index+1;
150	end
151	
152	$result = struct('x', x_out, 'theta', theta_out, 'vel', xdot_out, \ldots$
153	'angvel', thetadot_out, 'omega', omega_out, 'omegadot', omegadot_out, \ldots
154	't', times, 'dt', dt, 'input', input_out);
155	
156	$//In\ case$ of just evaluating the gains for a random deviation \ldots
157	//comment the code since ref=0
158	//evaluation = 1;
159	
160	ref=0;
161	
162	//Analyze the 3 signals: Roll-Pitch-Yaw angular velocities
163	for jj=1:3

164	$[os(jj), t_rise(jj), t_settle(jj), sse(jj)]$
165	=signalAnalyzer(result.theta(jj ,: , cycle), result.t, ref);
166	end
167	
168	evaluation=struct('os',os,'sse',sse,'rt',t_rise,'st',t_settle);
169	
170	<pre>aux=[Kp Ki Kd evaluation.os evaluation.sse evaluation.st];</pre>
171	
172	for ii=1:3
173	tables(cycle,:, ii)=aux(ii,:);
174	$norm_os(ii) = normalize(evaluation.os(ii), 0, 5);$
175	$norm_sse(ii) = normalize(evaluation.sse(ii), 0, 1e-2);$
176	$norm_st(ii) = normalize(evaluation.st(ii), 0, 5);$
177	$//norm_rt(ii) = normalize(evaluation.rt(ii), 0, 100);$
178	end
179	
180	norm_data=[norm_sse '; norm_os '; norm_st '];
181	
182	for kk=1:3
183	$Kp_{out}(kk) = FuzzySysT1(norm_data(:,kk),rules_kp);$
184	$Ki_{out}(kk) = FuzzySysT1(norm_data(:,kk),rules_ki);$
185	$Kd_{out}(kk) = FuzzySysT1(norm_data(:,kk),rules_kd);$
186	
187	//Denormalizing output fuzzy data
188	$DKp(kk) = denormalize(Kp_out(kk), -1, 1);$
189	$DKi(kk) = denormalize(Ki_out(kk), -1, 1);$
190	$DKd(kk) = denormalize(Kd_out(kk), -1, 1);$
191	
192	//Proportional to the limits on MultiWii
193	Ft1=1;
194	Ft2 = 0.0125;
195	Ft3=5;
196	
197	$\mathrm{Kp}(\mathbf{kk}) = \mathrm{Kp}(\mathbf{kk}) + (\mathrm{Ft1} \ast \mathrm{DKp}(\mathbf{kk}));$
198	$\mathrm{Ki}(\mathbf{kk}) = \mathrm{Ki}(\mathbf{kk}) + (\mathrm{Ft}2*\mathrm{DKi}(\mathbf{kk}));$
199	$\mathrm{Kd}(\mathbf{kk}) = \mathrm{Kd}(\mathbf{kk}) + (\mathrm{Ft}3 \ast \mathrm{DKd}(\mathbf{kk}));$
```
200
201
                   //Multiwii limits
202
                   if Kp(kk) < 0.1 Kp(kk) = 0.1; end
203
                   if Ki(kk) < 0.001 Ki(kk) = 0.001; end
                   if Kd(kk) < 1 Kd(kk) = 1; end
204
205
206
                   if Kp(kk) > 20 Kp(kk) = 20; end
207
                   if Ki(kk) > 0.25 Ki(kk) = 0.25; end
                   if Kd(kk) > 100 Kd(kk) = 100; end
208
209
              \mathbf{end}
210
         end
211
212
    endfunction
213
214
215
     function plotQuadData(result, cycle)
216
     \operatorname{scf}(1)
217
          subplot(121)
          plot(result.t, result.x(1,:, cycle), 'ro-.', result.t, result.x(2,:, cycle),...
218
219
          'g+', result.t, result.x(3,:, cycle), 'b*--', 'markersize', 2);
220
         p = get("hdl");
221
          p.children.thickness = 1.5;
222
          l=legend (["$x$";"$y$";"$z$"]);
223
          l.font_size = 3;
224
225
          l.font_style = 1;
226
          l.visible='on';
227
          \mathbf{xgrid}(1)
228
229
          \mathbf{subplot}(122)
230
          plot2d(result.t,[result.vel(1,:,cycle)' result.vel(2,:,cycle)'...
          result.vel(3,:,cycle)'],[5 3 2],leg="L1@L2@L3");
231
         p = get("hdl");
232
233
          p.children.thickness = 2;
          l = legend(["\$ \setminus dot_x $";"$ \setminus dot_y $";"$ \setminus dot_z $"]);
234
235
          l.font_size = 3;
```

```
236
         l.font_style = 1;
         l.visible='on';
237
238
         \mathbf{xgrid}(1)
239
240
         \operatorname{scf}(2)
241
         \mathbf{subplot}(121)
         plot2d(result.t, [result.theta(1,:,cycle)' result.theta(2,:,cycle)'...
242
243
         result.theta(3,:,cycle)'],[5 3 2],leg="L1@L2@L3");
         p = get("hdl");
244
         p.children.thickness = 2;
245
         l=legend (["$\phi$";"$\theta$";"$\psi$"]);
246
         l.font_size = 3;
247
248
         l.font_style = 1;
         l.visible='on';
249
         \mathbf{xgrid}(1)
250
251
252
         subplot(122)
253
         plot2d(result.t, [result.angvel(1,:,cycle)' result.angvel(2,:,cycle)'...
         result.angvel(3,:,cycle)'],[5 3 2],leg="L1@L2@L3");
254
         p = get("hdl");
255
         p.children.thickness = 2;
256
257
         l = legend(["\$ \det_{n} phi\$";"\$ \det_{n} psi\$"]);
258
         1. \text{font}_{\text{size}} = 3;
         l.font_style = 1;
259
         l.visible='on';
260
261
         \mathbf{xgrid}(1)
262
263
         \operatorname{scf}(3)
264
         subplot(121)
         plot2d(result.t, [result.omega(1,:,cycle)' result.omega(2,:,cycle)'...
265
266
         result.omega(3,:,cycle)'],[5 3 2],leg="L1@L2@L3");
         p = get("hdl");
267
268
         p.children.thickness = 2;
         l = legend(["$\omega_x$";"$\omega_y$";"$\omega_z$"]);
269
270
         l.font_size = 3;
271
         l.font_style = 1;
```

59

```
272
        l.visible='on';
273
        \mathbf{xgrid}(1)
274
275
        \mathbf{subplot}(122)
276
        plot2d (result.t, [result.omegadot(1,:,cycle)' result.omegadot(2,:,cycle)'...
        result.omegadot(3,:,cycle)'],[5 3 2],leg="L1@L2@L3");
277
        p = get("hdl");
278
        p.children.thickness = 2;
279
        l=legend(["$\dot\omega_x$";"$\dot\omega_y$";"$\dot\omega_z$"]);
280
281
        1. \text{font}_{size} = 3;
        l.font_style = 1;
282
283
        l.visible='on';
284
        \mathbf{xgrid}(1)
285
    endfunction
286
287
    function [radians]=deg2rad(degrees)
288
289
        radians=degrees *(%pi/180);
    endfunction
290
291
   // Compute system inputs and updated state
292
293 //Note that input = [gamma_1, \ldots, gamma_4]
294 function [u, params] = pid_controller(Kp,Ki,Kd,Kp_alt,Kd_alt,params,...
295 thetadot, theta, xdot, x, zd)
// Consider have 3 gains for each Euler Angle.
297
298
    299
        //Initialize the integral if necessary
300
        if ~isfield (params, 'integral') then //create function isfield
301
302
            params.integral = \mathbf{zeros}(3, 1);
303
            params.integral2 = \mathbf{zeros}(3, 1);
304
        end
305
        //Prevent wind-up
306
307
        if max(abs(params.integral2)) > 0.01 then //default=0.01
```

308params. integral2 (:) = 0; 309 end 310 311 //Compute total thrust 312 $total = (params.gravity+Kd_alt*(-xdot(3))+Kp_alt*(zd-x(3)))...$ 313*((params.mass)/(params.thrust*cos(theta(1))*cos(theta(2))));314 //Compute errors 315e = (Kd. * thetadot) + (Kp. * params. integral) + (Ki. * params. integral2);316//e = (Kd. * thetadot) + (Kp. * theta) + (Ki. * params. integral2);317318//e = (Kd. * thetadot) + (Kp. * theta) - (Ki. * params. integral2);319320 321//Solve for the inputs, gamma_i 322u = error2inputs(e, total, params); 323324//Update the state 325params.integral=params.integral+params.diff.*thetadot; 326params.integral2=params.integral2+params.diff.*params.integral; 327//params.integral2=params.integral2+params.diff.*theta; 328 329 endfunction 330 331function inputs=error2inputs(e,total_thrust,params) 332 333 $e_{phi} = e(1);$ 334 $e_theta = e(2);$ $e_p si = e(3);$ 335336Ixx=params.inertia(1,1); 337 338 Iyy=params.inertia(2,2); 339Izz=params.inertia(3,3); 340 $A = total_thrust / 4;$ 341 $B = (e_p si * Izz) / (4 * params. drag);$ 342343 $C = (e_theta * Iyy) / (2 * params. thrust * params. length);$

```
344
         D1 = ((2*params.drag*e_phi*Ixx) + (e_psi*Izz*params.thrust*params.length))...
         /(4*params.drag*params.thrust*params.length);
345
346
         D2 = ((-2*params.drag*e_phi*Ixx) + (e_psi*Izz*params.thrust*params.length))...
347
         /(4*params.drag*params.thrust*params.length);
348
349
         gamma_1=A-D1;
350
         gamma_2 = A + B - C;
351
         gamma_3 = A - D2;
         gamma_4 = A + B + C;
352
353
354
         inputs = [gamma_1; gamma_2; gamma_3; gamma_4];
355
    endfunction
356
357
    function omega=thetadot2omega(thetadot,theta)
358
359
360
         roll=theta(1);
361
         pitch=theta(2);
         t_{matrix} = [1, 0, -sin(pitch); 0, cos(roll), cos(pitch) * sin(roll); ...
362
363
                    0, -sin(roll), cos(pitch) * cos(roll)];
364
         omega=t_matrix * the tadot;
365
366
    endfunction
367
    function a=acceleration (inputs, angles, xdot, m, g, k, kd)
368
369
370
         g_vector = [0; 0; -g];
         R=rotation(angles); // create function rotation
371
372
         T=R*thrust(inputs,k);
         Fd=-kd.*xdot;
373
374
         a = g_v ector + ((1/m) \cdot * (T+Fd));
375
    endfunction
376
377
    function R=rotation(rpy_angles)
378
379
```

```
380
         phi_a=rpy_angles(1);
381
         theta_a=rpy_angles (2);
382
         psi_a=rpy_angles(3);
383
384
         R = [(\cos(psi_a) * \cos(theta_a)), \dots]
             (\cos(psi_a) * \sin(theta_a) * \sin(phi_a)) - (\cos(phi_a) * \sin(psi_a)), \dots
385
386
             (\cos(psi_a) * \sin(theta_a) * \cos(phi_a)) + (\sin(psi_a) * \sin(phi_a)); \dots
             \sin(psi_a) * \cos(theta_a), \dots
387
             (\sin(psi_a) * \sin(theta_a) * \sin(phi_a)) + (\cos(psi_a) * \cos(phi_a)), \dots
388
389
             (\sin(psi_a) * \sin(theta_a) * \cos(phi_a)) - (\cos(psi_a) * \sin(phi_a)); \dots
             -\sin(\text{theta}_a), \cos(\text{theta}_a) * \sin(\text{phi}_a), \cos(\text{theta}_a) * \cos(\text{phi}_a)];
390
391
392
     endfunction
393
394
    function T=thrust(inputs,k)
395
         //Inputs are values for omega_i^2
396
397
         T = [0;0;k*sum(inputs)];
398
     endfunction
399
400
     function omega_dot=angular_acceleration(inputs,omega,I,L,b,k)
401
402
         tau=torques(inputs,L,b,k);
403
         omega_dot=inv(I)*(tau-cross(omega,I*omega));
    endfunction
404
405
406
    // Compute torques, given current inputs, length, drag coefficient and thrust
    // coefficient
407
    function tau=torques(inputs,L,b,k)
408
409
410
         //Inputs are values for omega_i^2
411
         tau = [L*k*(inputs(1) - inputs(3)); \dots
               L*k*(inputs(2)-inputs(4));\ldots
412
               b*(inputs(1)-inputs(2)+inputs(3)-inputs(4))];
413
414
415
    endfunction
```

```
416
     function [thetadot,t_matrix]=omega2thetadot(omega,theta)
417
418
419
         roll=theta(1);
420
         pitch=theta(2);
         t_{\text{matrix}} = [1, 0, -\sin(\text{pitch}); 0, \cos(\text{roll}), \cos(\text{pitch}) * \sin(\text{roll}); \dots
421
                     0, -sin(roll), cos(pitch) * cos(roll)];
422
423
         thetadot=inv(t_matrix)*omega;
424
    endfunction
425
426
     function [os,t_rise,t_settle,sse] = signalAnalyzer(y,t,ref)
427
428
         last_out=length(y); //size of the output vector
429
430
431
         //Overshoot
         [p_{\max}, v_{\max}] = \max(y);
432
433
         [p_{\min}, v_{\min}] = \min(y);
434
         //Recorrer valor minimo a cero
435
         //max_value=v_max-v_min;
436
         //sign_g = sign(y(last_out) - v_min);
437
         //final_value=y(last_out)-v_min;
438
         //os = ((v_max)/(ref-v_min)) * 100;
439
440
         os = v_{max} * 100;
441
442
         //if sign_g = -1 then
              //final_value=v_max-y(last_out);
443
              //os = ((max_value - final_value))/(final_value + 0.0000001))*100;
444
         //else
445
446
              //final_value=y(last_out)-v_min;
              //os = ((max_value - final_value))/(final_value + 0.0000001))*100;
447
         //end
448
449
         //Rise time
450
         out = 0; k = 1;
451
```

```
452
          while out==0
                if y(k) > ref then //greater than reference (in this case 0)
453
                    out=1; t_rise=t(k);
454
455
               end
               k=k+1;
456
457
               if k>last_out then
                    out = 1; t_r ise = t(k-1);
458
459
               end
460
          end
461
          //Settle time (Original: 2% Tolerance)
462
          toler = 0.01; //1% Tolerance
463
464
          for m=1:last_out
465
                \operatorname{error}_{\operatorname{out}} = \operatorname{abs}(\operatorname{ref} - \operatorname{y}(\operatorname{m}));
466
467
                if error_out > toler then
                     t_s e t t l e = t(m);
468
469
               \mathbf{end}
470
          \mathbf{end}
471
          //Steady-state Error (Distance of the output from the reference)
472
          sse=abs(ref-y(last_out));
473
474
475
    endfunction
476
     function [posmax, valmax]=maxp(v)
477
478
479
                v_size = length(v);
480
               posmax=1;
               valmax=v(1);
481
482
               for ii=1:v_size
483
                          if v(ii)>valmax
484
485
                                    valmax=v(ii);
                                    posmax=ii;
486
487
                         end
```

```
488
              end
489
    endfunction
490
491
    function [posmin, valmin]=minp(v)
492
493
              v_size = length(v);
494
495
496
              posmin=1;
              valmin=v(1);
497
498
              for ii=1:v_size
499
500
                   if v(ii)<valmin
501
                   valmin=v(ii);
                       posmin=ii;
502
503
                  end
504
              \mathbf{end}
505
    endfunction
506
```

• Código 2 (Función del sistema difuso)

```
function y=FuzzySysT1(X,DB) // 'Inputs' could be obtained from DB variable.
 1
2
 3
             //Remember that input X must be normalized
 4
             //Remember that output must be denormalized
             [\text{rules IO}] = \operatorname{size}(DB);
 5
             inputs=IO-1;
 6
 7
 8
             //General parameter of fuzzy systems type I
             PARAM = [0 \ 0.1666 \ 0.3333;
9
10
             0.1666 \ 0.3333 \ 0.5;
             0.3333 \ 0.5 \ 0.6666;
11
12
             0.5 \ 0.6666 \ 0.8333;
13
             0.66666 \ 0.8333 \ 1];
14
```

```
15
             //AC = [0, 0.25, 0.5, 0.75, 1];
             FO=zeros(1, rules);
16
17
18
             for r=1:rules
19
                      sumin=1;
20
                      for i=1:inputs
                                n=DB(r, i);
21
22
                                if n>0
                                         V = PARAM(DB(r, i), :);
23
24
                                end
25
                                mf = fuzzificate(X(i), n, V);
26
                                sumin=min(sumin, mf);
27
                      \mathbf{end}
                      FO(r) = sumin;
28
29
             end
30
31
             sum1=0;sum2=0.00000001;
32
             //Centroid defuzzifier
33
             for dy = 0:0.01:1
34
35
                      ss=0;
36
                      for r=1:rules
37
                                n = DB(r, IO);
                                if n>0
38
39
                                         // Extract the parameter of the 'n' fuzzy set
                                         // involved in rule r
40
41
                                         V = PARAM(DB(r, IO), :);
42
                                end
43
                                mf = fuzzificate(dy, n, V);
                                ss = max(ss, min(mf, FO(r)));
44
45
                      end
46
                      sum1 = sum1 + ss * dy;
                      sum2=sum2+ss;
47
48
             end
49
50
             y=sum1/sum2;
```

```
51
   endfunction
52
53
   // Obtains membresy value for a linguistic value
54
55 //x: Normalized input
56 //n: Linguistic value to be evaluated
   //V[]: Parameters for triangles and trap.
57
58
   function mf=fuzzificate(x,n,V)
59
             a=V(1);
60
             b = V(2);
61
             c=V(3);
62
63
             if n==1
64
                      mf = trapezoidmf(x, a-0.1666, a, b, c);
65
66
             \mathbf{end}
67
             if n==2
68
                      mf = trianglemf(x, a, b, c);
69
70
             end
71
72
             if n==3
73
                      mf = trianglemf(x, a, b, c);
74
             \mathbf{end}
75
             if n==4
76
77
                      mf = trianglemf(x, a, b, c);
78
             \mathbf{end}
79
80
             if n==5
81
                      mf = trapezoidmf(x, a, b, c, c+0.1666);
             end
82
83
             if n==0
84
85
                      mf=1;
86
             end
```

```
87
88
              if n<0 | n>5
                       'Unknown_membership_function.'
89
90
             \mathbf{end}
91
92
    endfunction
93
    function norm_val=normalize(val,l_min,l_max)
94
95
             norm_val = (val - l_min) / ((l_max - l_min) + 0.000001);
96
97
              if norm_val>1
98
                       norm_val=1;
99
             end
100
101
              if norm_val<0
102
                      norm_val=0;
103
             \mathbf{end}
104
    endfunction
105
106
    function val=denormalize(norm_val,l_min,l_max)
107
108
109
              val=norm_val*(l_max-l_min+0.000001)+l_min;
110
              if val>l_max
111
112
                       val=l_max;
113
             end
114
              if val<l_min
115
                       val=l_min;
116
117
             end
118
    endfunction
119
120
    function mf=trapezoidmf(x,a,b,c,d)
121
122
             //Trapezoidal activation function
```

```
//The parameters a, b, c, d specifies the structure of the fuzzy set
123
            mf=max(min(min((x-a)/(b-a+0.000001),1),(d-x)/(d-c+0.0000001)),0);
124
    endfunction
125
126
    function mf=trianglemf(x,a,b,c)
127
            //Triangular fuzzy setg
128
            //The parameters a, b, c, d specifies the structure of the fuzzy set.
129
            mf = max(min((x-a)/(b-a+0.000001),(c-x)/(c-b+0.000001)),0);
130
    endfunction
131
```

• Código 3 (Función para realizar animación de la simulación)

```
1 function showLastData()
2
   load('/home/victorm/Desktop/Thesis/Variables/Data.sod');
3
   load('/home/victorm/Desktop/Thesis/Variables/AnimData.sod');
4
5
        QuadAnimation (AnimData, result);
6
7
   endfunction
8
9
10
   function AnimData=QuadAnimData(Data, cycle)
11
12
   // Block 1 specification
13 Lx_1 = 0.5;
14 Ly_1 = 0.08;
15 Lz_1 = 0.04;
16
17 // Block 2 specification
18 Lx_2 = 0.08;
19 Ly_2 = 0.5;
20 Lz_2 = 0.04;
21
22 //Cylinder 3 specifications (Center)
23 Radius_3 = 0.06;
24 \quad \text{Height}_{-3} = 0.05;
```

```
25
   SideCount_3=10;
26
   //Cylinder 4,5,6,7 specifications (Propellers)
27
28
   Radius_P = 0.06;
29
   Height_P = 0.05;
   SideCount_P=10;
30
31
32
   // Motion data
33 \quad t = Data.t';
                                   // Time data
34 r = Data.x(:,:, cycle)'; // Position data
35 \quad A = Data.theta(:,:,cycle)';
                                                // Orientation data (x-y-z \ Euler \ angle)
36
37
   n_{time} = length(t);
38
39
   // Compute propagation of vertices and patches
   for i_time=1:n_time
40
41
42
       R = Euler2R(A(i_time_{,:}));
        VertexData_1(:,:,i_time) = GeoVerMakeBlock(r(i_time,:),R,...
43
44
        [Lx_1, Ly_1, Lz_1]);
        VertexData_2(:,:,i_time) = GeoVerMakeBlock(r(i_time,:),R,...
45
46
        [Lx_2, Ly_2, Lz_2]);
47
        VertexData_3(:,:,i_time) = GeoVerMakeCylinder(r(i_time,:),R,...
        Radius_3, Height_3, SideCount_3);
48
49
        VertexData_4(:,:,i_time) = GeoVerMakePropeller1(r(i_time,:),R,...
50
        Radius_P, Height_P, SideCount_P, Lx_1);
51
        VertexData_5(:,:,i_time) = GeoVerMakePropeller2(r(i_time,:),R,...
        Radius_P, Height_P, SideCount_P, Lx_1);
52
        VertexData_6(:,:,i_time) = GeoVerMakePropeller3(r(i_time,:),R,...
53
54
        Radius_P, Height_P, SideCount_P, Ly_2);
        VertexData_7(:,:,i_time) = GeoVerMakePropeller4(r(i_time,:),R,...
55
56
        Radius_P, Height_P, SideCount_P, Ly_2);
        [X_1, Y_1, Z_1] = \text{GeoPatMakeBlock}(\text{VertexData}(:, :, i_time));
57
        [X_2, Y_2, Z_2] = GeoPatMakeBlock(VertexData_2(:,:,i_time));
58
59
        [X1_3, Y1_3, Z1_3, X2_3, Y2_3, Z2_3] = \dots
60
        GeoPatMakeCylinder (VertexData_3 (:,:,i_time), SideCount_3);
```

61 $[X1_4, Y1_4, Z1_4, X2_4, Y2_4, Z2_4] = \dots$ GeoPatMakeCylinder(VertexData_4(:,:,i_time),SideCount_P); 62 $[X1_{-5}, Y1_{-5}, Z1_{-5}, X2_{-5}, Y2_{-5}, Z2_{-5}] = \dots$ 63 64 GeoPatMakeCylinder(VertexData_5(:,:,i_time),SideCount_P); $[X1_6, Y1_6, Z1_6, X2_6, Y2_6, Z2_6] = \dots$ 6566 GeoPatMakeCylinder (VertexData_6 (:,:,i_time), SideCount_P); $[X1_7, Y1_7, Z1_7, X2_7, Y2_7, Z2_7] = \dots$ 67 68 GeoPatMakeCylinder(VertexData_7(:,:,i_time),SideCount_P); 69 $Block1_X(:,:,i_time) = X_1;$ $Block1_Y(:,:,i_time) = Y_1;$ 7071 $Block1_Z(:,:,i_time) = Z_1;$ 72 $Block2_X(:,:,i_time) = X_2;$ 73 $Block2_Y(:,:,i_time) = Y_2;$ $Block2_Z(:,:,i_time) = Z_2;$ 74Cylinder3_SideX $(:,:,i_time) = X1_3;$ 75 $Cylinder3_SideY(:,:,i_time) = Y1_3;$ 7677 $Cylinder3_SideZ(:,:,i_time) = Z1_3;$ $Cylinder_3_Bottom_X(:,:,i_time) = X2_3;$ 7879 $Cylinder3_BottomY(:,:,i_time) = Y2_3;$ 80 Cylinder3_BottomZ(:,:, i_time) = Z2_3; $Cylinder4_SideX(:,:,i_time) = X1_4;$ 81 82 $Cylinder4_SideY(:,:,i_time) = Y1_4;$ $Cylinder4_SideZ(:,:,i_time) = Z1_4;$ 83 Cylinder4_BottomX (:,:, i_time) = $X2_4$; 84 $Cylinder4_BottomY(:,:,i_time) = Y2_4;$ 85 $Cylinder4_BottomZ(:,:,i_time) = Z2_4;$ 86 87 Cylinder5_SideX (:,:, i_time) = $X1_5$; $Cylinder5_SideY(:,:,i_time) = Y1_5;$ 88 $Cylinder5_SideZ(:,:,i_time) = Z1_5;$ 89 Cylinder5_BottomX $(:,:,i_time) = X2_5;$ 90 91 $Cylinder5_BottomY(:,:,i_time) = Y2_5;$ $Cylinder5_BottomZ(:,:,i_time) = Z2_5;$ 92Cylinder6_SideX $(:,:,i_time) = X1_6;$ 93 Cylinder6_SideY $(:,:,i_time) = Y1_6;$ 94 $Cylinder6_SideZ(:,:,i_time) = Z1_6;$ 9596 $Cvlinder6_BottomX(:,:,i_time) = X2_6;$

```
97
        Cylinder6_BottomY(:,:,i_time) = Y2_6;
        Cylinder6_BottomZ(:,:,i_time) = Z2_6;
98
        Cylinder7_SideX (:,:,i_time) = X1_7;
99
100
        Cylinder7_SideY(:,:,i_time) = Y1_7;
101
        Cylinder7_SideZ(:,:,i_time) = Z1_7;
        Cylinder7_BottomX(:,:,i_time) = X2_7;
102
        Cylinder7_BottomY (:,:,i_time) = Y2_7;
103
104
        Cylinder7_BottomZ(:,:,i_time) = Z2_7;
105
    end
106
    AnimData = struct ('Block1_X', Block1_X, 'Block1_Y', Block1_Y, 'Block1_Z',...
107
    Block1_Z, 'Block2_X', Block2_X, 'Block2_Y', Block2_Y, 'Block2_Z', Block2_Z, ...
108
109
    'Cylinder3_SideX', Cylinder3_SideX, 'Cylinder3_SideY', Cylinder3_SideY,...
    'Cylinder3_SideZ', Cylinder3_SideZ, 'Cylinder3_BottomX', Cylinder3_BottomX ...
110
    , 'Cylinder3_BottomY', Cylinder3_BottomY, 'Cylinder3_BottomZ', Cylinder3_BottomZ,...
111
112
    'Cylinder4_SideX', Cylinder4_SideX, 'Cylinder4_SideY', Cylinder4_SideY,...
    'Cylinder4_SideZ', Cylinder4_SideZ, 'Cylinder4_BottomX', Cylinder4_BottomX,...
113
114
    'Cylinder4_BottomY', Cylinder4_BottomY, 'Cylinder4_BottomZ', Cylinder4_BottomZ,...
    'Cylinder5_SideX', Cylinder5_SideX, 'Cylinder5_SideY', Cylinder5_SideY,...
115
    'Cylinder5_SideZ', Cylinder5_SideZ, 'Cylinder5_BottomX', Cylinder5_BottomX,...
116
    'Cylinder5_BottomY', Cylinder5_BottomY, 'Cylinder5_BottomZ', Cylinder5_BottomZ,...
117
    'Cylinder6_SideX', Cylinder6_SideX, 'Cylinder6_SideY', Cylinder6_SideY,...
118
119
    'Cylinder6_SideZ', Cylinder6_SideZ, 'Cylinder6_BottomX', Cylinder6_BottomX,...
    'Cylinder6_BottomY', Cylinder6_BottomY, 'Cylinder6_BottomZ', Cylinder6_BottomZ,...
120
    'Cylinder7_SideX', Cylinder7_SideX, 'Cylinder7_SideY', Cylinder7_SideY,....
121
    'Cylinder7_SideZ', Cylinder7_SideZ, 'Cylinder7_BottomX', Cylinder7_BottomX,...
122
123
    'Cylinder7_BottomY', Cylinder7_BottomY, 'Cylinder7_BottomZ', Cylinder7_BottomZ,...
    'LengthTime', n_time);
124
125
    endfunction
126
127
128
    function QuadAnimation (AnimData, Data, cycle)
129
130
    n_time=AnimData.LengthTime;
131
132
    //Graph data
```

```
133 subplot (1, 2, 1)
134 plot2d (Data.t, [Data.x(1,:,cycle)' Data.x(2,:,cycle)' Data.x(3,:,cycle)'],...
135 [5 \ 3 \ 2], leg = "L1@L2@L3");
136 xlabel("Time_(s)", 'fontsize',2);
137 ylabel("Position_(m)", 'fontsize',2);
138 p = get("hdl");
139 p.children.thickness = 2;
140 l=legend (["$x$";"$y$";"$z$"]);
141 l.font_size = 3;
142 l.font_style = 1;
143 l.visible='on';
144 \mathbf{xgrid}(1)
145
146 subplot (1,2,2)
147 plot2d (Data.t, [Data.theta (1,:, cycle)' Data.theta (2,:, cycle)'...
148 Data.theta(3,:,cycle)'],[5 3 2],leg="L1@L2@L3");
149 xlabel("Time_(s)", 'fontsize',2);
150 ylabel("Attitude_(rad)", 'fontsize', 2);
151 p = get("hdl");
152 p.children.thickness = 2;
153 l=legend (["\$\phi\$";"\$\theta\$";"\$\psi\$"]);
154 \ l.font_size = 3;
155 l.font_style = 1;
156 l.visible='on';
157 \mathbf{xgrid}(1)
158
159
    // Draw initial figure
160 figure(2)
161 h_{-}fig=gcf();
162 h_fig.background=7;
163 plot3d (AnimData. Block1_X (:,:,1), AnimData. Block1_Y (:,:,1),...
164 AnimData. Block1_Z(:,:,1));
165 \ h_{fac} 3d1 = gce();
166 h_fac3d1.color_mode = 5;
167 h_{fac}3d1. foreground = 1;
168 h_{fac3d1}. hiddencolor = 5;
```

```
169
    plot3d (AnimData. Block2_X (:,:,1), AnimData. Block2_Y (:,:,1),...
170
    AnimData. Block2_Z(:,:,1));
171
172 \ h_{fac} 3d2 = gce();
173 \quad h_{fac} 3d_{2.color_mode} = 3;
174 \quad h_{fac} 3d_{2}. for eground = 1;
175 \quad h_{fac} 3d2 \cdot hiddencolor = 3;
176
177
   plot3d (AnimData. Cylinder3_SideX (:,:,1), AnimData. Cylinder3_SideY (:,:,1),...
    AnimData.Cylinder3_SideZ(:,:,1));
178
179 \ h_{fac} 3d3(1) = gce();
180 \ h_{fac} 3 d 3 (1) . \ color_mode = -2;
    h_{fac}3d3(1). foreground = 1;
181
182
    h_{fac}3d_{3}(1). hiddencolor = 2;
183
    plot3d (AnimData. Cylinder3_BottomX (:,:,1), AnimData. Cylinder3_BottomY (:,:,1),...
184
185
    AnimData. Cylinder3_BottomZ(:,:,1));
186 \ h_{fac} 3 d 3 (2) = gce();
187 \quad h_{fac} = 2;
188 h_{fac}3d3(2).foreground = 1;
    h_{fac3d3}(2). hiddencolor = 2;
189
190
191
    plot3d (AnimData. Cylinder4_SideX (:,:,1), AnimData. Cylinder4_SideY (:,:,1),...
    AnimData. Cylinder4_SideZ(:,:,1));
192
193 h_{fac}3d4(1) = gce();
194 h_fac3d4(1).color_mode = -2;
195 h_{fac}3d4(1).foreground = 1;
    h_{fac3d4}(1). hiddencolor = 2;
196
197
    plot3d (AnimData. Cylinder4_BottomX (:,:,1), AnimData. Cylinder4_BottomY (:,:,1),...
198
    AnimData.Cylinder4_BottomZ(:,:,1));
199
200 h_{fac} = gce();
201 \quad h_{fac} 3 d 4 (2) . color_mode = 2;
202 \quad h_{fac} = 1;
    h_{fac3d4}(2). hiddencolor = 2;
203
204
```

```
205 plot3d (AnimData. Cylinder5_SideX (:,:,1), AnimData. Cylinder5_SideY (:,:,1),...
206
    AnimData. Cylinder5_SideZ(:,:,1));
207 h_{fac} = gce();
208 \ h_{fac} = -2;
209 \quad h_{fac} = 1;
   h_{fac3d5(1)}. hiddencolor = 2;
210
211
212 plot3d (AnimData. Cylinder5_BottomX (:,:,1), AnimData. Cylinder5_BottomY (:,:,1),...
213 AnimData. Cylinder5_BottomZ(:,:,1));
214 \ h_{fac} = gce();
215 \quad h_{fac} = 2;
216 h_{fac}3d5(2). foreground = 1;
217 \quad h_{fac} = 2;
218
219 plot3d (AnimData. Cylinder6_SideX (:,:,1), AnimData. Cylinder6_SideY (:,:,1),...
    AnimData.Cylinder6_SideZ(:,:,1));
220
221 h_{fac} = gce();
222 h_fac3d6(1).color_mode = -2;
223 h_{fac}3d6(1).foreground = 1;
224 h_{fac}3d6(1). hiddencolor = 2;
225
226 plot3d (AnimData. Cylinder6_BottomX (:,:,1), AnimData. Cylinder6_BottomY (:,:,1),...
227
    AnimData.Cylinder6_BottomZ(:,:,1));
228 h_{fac} = gce();
229 \ h_{fac} = 2;
230 \quad h_{fac} 3d6(2). for eground = 1;
231
    h_{fac3d6(2)}. hiddencolor = 2;
232
233 plot3d (AnimData. Cylinder7_SideX (:,:,1), AnimData. Cylinder7_SideY (:,:,1),...
234 AnimData.Cylinder7_SideZ(:,:,1));
235 h_{-}fac3d7(1) = gce();
236 \ h_{fac} 3d7(1). \ color_{mode} = -2;
    h_{fac}3d7(1). foreground = 1;
237
    h_{fac3d7(1)}. hiddencolor = 2;
238
239
    plot3d (AnimData. Cylinder7-BottomX (:,:,1), AnimData. Cylinder7-BottomY (:,:,1),...
240
```

```
241 AnimData.Cylinder7_BottomZ(:,:,1));
242 \quad h_{fac} = gce();
243 \ h_{fac} 3d7(2). \ color_mode = 2;
244 \quad h_{fac} 3d7(2). for eground = 1;
245
    h_{fac3d7}(2). hiddencolor = 2;
246
247
    // Axes settings
    xlabel("x", 'fontsize',2);
248
249 ylabel("y", 'fontsize', 2);
250 zlabel("z", 'fontsize', 2);
251 h_axes = gca();
252 h_axes.font_size = 2;
253 h_axes.isoview = "on";
254 \quad h_axes.box = "off";
255 \quad //h_axes. rotation_angles = [63.5, -127];
256 \text{ h_axes.rotation_angles} = [65, -100];
    //h_axes.data_bounds = [-4, -0.2, 0; 0.25, 4.1, 2.5];
257
    //h_axes.data_bounds = [0, -17, 0; 36, 0, 2.5];
258
    //h_axes.data_bounds = [-4, -1, 0; 0.25, 1, 2.3];
259
    h_{axes.data_bounds} = [-0.4, -0.4, 0; 0.4, 0.4, 2.5];
260
261
    xgrid;
262
263
    // Animation Loop
    //figure(1)
264
265
    n_{-} fig = 1;
266
267
    for i_time=1:n_time
268
         drawlater();
269
         //h_axes.data_bounds = [-4, Data.x(2, i_time) - 1, 0; 0.25, ...
270
271
         //Data.x(2, i_time) + 1, 2.5/;
         h_{c3d1.data.x} = AnimData.Block1_X(:,:,i_time);
272
         h_{fac3d1.data.y} = AnimData.Block1_Y(:,:,i_time);
273
         h_fac3d1.data.z = AnimData.Block1_Z(:,:,i_time);
274
         h_fac3d2.data.x = AnimData.Block2_X(:,:,i_time);
275
276
         h_{c}ac3d2.data.y = AnimData.Block2_Y(:,:,i_time);
```

277	h_{fac3d2} . data. z = AnimData. Block2_Z(:,:,i_time);
278	$h_{c3d3}(1).data.x = AnimData.Cylinder3_SideX(:,:,i_time);$
279	$h_{c}ac3d3(1).data.y = AnimData.Cylinder3_SideY(:,:,i_time);$
280	$h_{c3d3}(1).data.z = AnimData.Cylinder3_SideZ(:,:,i_time);$
281	h_{a} fac3d3(2).data.x = AnimData.Cylinder3_BottomX(:,:,i_time);
282	h_{a} fac3d3 (2). data.y = AnimData. Cylinder3_BottomY (:,:,i_time);
283	h_{a} fac3d3(2).data.z = AnimData.Cylinder3_BottomZ(:,:,i_time);
284	$h_{c3d4}(1).data.x = AnimData.Cylinder4_SideX(:,:,i_time);$
285	$h_{c3d4}(1).data.y = AnimData.Cylinder4_SideY(:,:,i_time);$
286	$h_{c3d4}(1).data.z = AnimData.Cylinder4_SideZ(:,:,i_time);$
287	$h_{c3d4}(2).data.x = AnimData.Cylinder4_BottomX(:,:,i_time);$
288	h_{a} fac3d4(2).data.y = AnimData.Cylinder4_BottomY(:,:,i_time);
289	$h_{c3d4}(2).data.z = AnimData.Cylinder4_BottomZ(:,:,i_time);$
290	$h_{c3d5}(1).data.x = AnimData.Cylinder5_SideX(:,:,i_time);$
291	$h_{c}ac3d5(1).data.y = AnimData.Cylinder5_SideY(:,:,i_time);$
292	$h_{c} = AnimData.Cylinder_SSideZ(:,:,i_time);$
293	$h_{c}ac3d5(2).data.x = AnimData.Cylinder5_BottomX(:,:,i_time);$
294	$h_{c3d5}(2).data.y = AnimData.Cylinder5_BottomY(:,:,i_time);$
295	$h_{c}ac3d5(2).data.z = AnimData.Cylinder5_BottomZ(:,:,i_time);$
296	$h_{c3d6}(1).data.x = AnimData.Cylinder6_SideX(:,:,i_time);$
297	$h_{c}ac3d6(1).data.y = AnimData.Cylinder6_SideY(:,:,i_time);$
298	$h_{c3d6}(1).data.z = AnimData.Cylinder6_SideZ(:,:,i_time);$
299	$h_{fac3d6}(2).data.x = AnimData.Cylinder6_BottomX(:,:,i_time);$
300	$h_{1}ac3d6(2).data.y = AnimData.Cylinder6_BottomY(:,:,i_time);$
301	$h_{c}ac3d6(2).data.z = AnimData.Cylinder6_BottomZ(:,:,i_time);$
302	$h_{c}ac3d7(1).data.x = AnimData.Cylinder7_SideX(:,:,i_time);$
303	$h_{c} = AnimData.Cylinder_SideY(:,:,i_time);$
304	$h_{c} = AnimData. Cylinder 7_SideZ(:,:,i_time);$
305	$h_{c}ac3d7(2).data.x = AnimData.Cylinder7_BottomX(:,:,i_time);$
306	$h_{fac3d7}(2).data.y = AnimData.Cylinder7_BottomY(:,:,i_time);$
307	$h_{c}ac3d7(2).data.z = AnimData.Cylinder7_BottomZ(:,:,i_time);$
308	$h_axes.data_bounds = [Data.x(1, i_time, cycle) - 0.4,$
309	$Data.x(2,i_time, cycle) - 0.4,0; Data.x(1,i_time, cycle) + 0.4,$
310	Data.x($2, i_time, cycle$)+0.4,2.5];
311	drawnow();
312	

```
313
         mul=modulo(i_time, 5);
314
         if mul == 0 then
315
316
              s_fig=string(n_fig);
              if n_fig < 10 then
317
                   file_fig="FS_quad000"+s_fig+".gif";
318
              elseif n_fig <100 then
319
                   file_fig = "FS_quad00" + s_fig + ".gif";
320
321
              elseif n_fig <1000 then
                   file_fig = "FS_quad0" + s_fig + ".gif";
322
              else
323
                   file_fig="FS_quad"+s_fig+".gif";
324
325
              end
326
              xs2gif(gcf(), file_fig);
327
              n_fig=n_fig+1;
328
         end
329
330
    end
331
    endfunction
332
333
    function R = Euler2R(A)
334
335
    // Euler angle ZYX (Modificated as paper Rotation Matrix)-> Orientation matrix
336
337
    phi_a = A(1);
338
     theta_a=A(2);
339
    psi_a = A(3);
340
341 R = [(\cos(psi_a) * \cos(theta_a)), ...
        (\cos(psi_a) * \sin(theta_a) * \sin(phi_a)) - (\cos(phi_a) * \sin(psi_a)), \dots
342
343
        (\cos(psi_a) * \sin(theta_a) * \cos(phi_a)) + (\sin(psi_a) * \sin(phi_a)); \dots
344
         \sin(psi_a) * \cos(theta_a), \dots
        (\sin(psi_a) * \sin(theta_a) * \sin(phi_a)) + (\cos(psi_a) * \cos(phi_a)), \dots
345
        (\sin(psi_a) * \sin(theta_a) * \cos(phi_a)) - (\cos(psi_a) * \sin(phi_a)); \dots
346
        -sin(theta_a), cos(theta_a)*sin(phi_a), cos(theta_a)*cos(phi_a)];
347
348
```

```
endfunction
349
350
     function VertexData=GeoVerMakeBlock(Location, Orientation, SideLength)
351
352
         r=Location; //Location of center of block
353
354
         R=Orientation;
         Lx=SideLength(1);
355
         Ly=SideLength(2);
356
         Lz=SideLength(3);
357
358
         // Vertices
359
         VertexData_0 = [Lx*ones(8,1), Ly*ones(8,1), Lz*ones(8,1)]...
360
361
         .*[0,0,0;
362
             1, 0, 0;
363
             0, 1, 0;
364
             0, 0, 1;
             1, 1, 0;
365
366
             0, 1, 1;
             1, 0, 1;
367
368
             1, 1, 1];
369
370
         n_v er = 8;
371
         for i_v ver = 1: n_v ver
372
              //Move center to location specified
373
              VertexData(i_ver,:) = r+(VertexData_0(i_ver,:)-0.5*SideLength)*R';
374
375
         end
376
    endfunction
377
378
379
     function [PatchData_X, PatchData_Y, PatchData_Z]=GeoPatMakeBlock(VertexData)
380
         //Patches
381
         Index_Patch = \dots
382
         [1, 2, 5, 3;
383
384
          1, 3, 6, 4;
```

```
385
          1, 4, 7, 2;
          4, 7, 8, 6;
386
          2, 5, 8, 7;
387
388
          3, 6, 8, 5];
389
390
          n_pat=6;
391
392
          for i_pat=1:n_pat
               PatchData_X(:,i_pat)=VertexData(Index_Patch(i_pat,:),1);
393
               PatchData_Y(:, i_pat)=VertexData(Index_Patch(i_pat,:),2);
394
               PatchData_Z(:, i_pat)=VertexData(Index_Patch(i_pat,:),3);
395
396
          end
397
398
    endfunction
399
400
    function VertexData=GeoVerMakeCylinder(Location, Orientation, Radius, ....
    Height , SideCount )
401
402
         r=Location; //Location of center of block
403
         R=Orientation;
404
405
         //Vertices
406
407
         n_side=SideCount;
408
409
         for i_v ver = 1: n_s ide
410
             //Height adjusted to locate center of the cylinder
             //in location 'r' specified
411
              VertexData_0(i_ver,:) = [Radius*cos(2*\%pi/n_side*i_ver),...
412
              Radius \ast sin(2 \ast \% pi/n\_side \ast i\_ver), -0.5 \ast Height];
413
              VertexData_0(n\_side+i\_ver,:) = [Radius*cos(2*\%pi/n\_side*i\_ver),...
414
415
              Radius*\sin(2*\% pi/n_side*i_ver), 0.5*Height];
416
         end
417
418
         n_ver=2*n_side;
419
420
         for i_v ver = 1: n_v ver
```

```
VertexData(i_ver ,:) = r+VertexData_0(i_ver ,:) * R';
421
422
         end
423
424
    endfunction
425
    function VertexData=GeoVerMakePropeller1(Location, Orientation, Radius,...
426
427
    Height, SideCount, Lx)
428
         r=Location; //Location of center of block
429
430
         R=Orientation;
431
432
         //Vertices
         n_side=SideCount;
433
434
         for i_ver=1:n_side
435
436
             //X, Y: Adjusted to fix axis of rotation, Height: Adjusted to
             //locate center of the cylinder
437
              VertexData_0(i_ver,:) = [Radius * cos(2 * \% pi/n_side * i_ver) + (Lx/2), ...
438
              Radius \ast sin(2 \ast \% pi/n_side \ast i_ver), -0.5 \ast Height];
439
              VertexData_0(n_side+i_ver,:) = [Radius*cos(2*\%pi/n_side*i_ver)+(Lx/2),...
440
441
              Radius*sin(2*%pi/n_side*i_ver),0.5*Height];
442
         end
443
444
         n_ver=2*n_side;
445
446
         for i_v ver = 1: n_v ver
447
              VertexData(i_ver ,:) = r+VertexData_0(i_ver ,:) * R';
448
         \mathbf{end}
449
    endfunction
450
451
452
    function VertexData=GeoVerMakePropeller2(Location, Orientation, Radius,...
    Height, SideCount, Lx)
453
454
         r=Location; //Location of center of block
455
         R=Orientation;
456
```

```
457
         //Vertices
458
         n_side=SideCount;
459
460
         for i_ver=1:n_side
461
              //X,Y: Adjusted to fix axis of rotation, Height: Adjusted to
462
463
              //locate center of the cylinder
              VertexData_0(i_ver_{,:}) = [Radius * cos(2 * \% pi/n_side * i_ver_) - (Lx/2), \dots
464
              Radius \ast sin(2 \ast \% pi/n_side \ast i_ver), -0.5 \ast Height];
465
466
              VertexData_0(n\_side+i\_ver,:) = [Radius*cos(2*\%pi/n\_side*i\_ver)-(Lx/2),...
              Radius *\sin(2*\% pi/n_side *i_ver), 0.5*Height];
467
468
         end
469
470
         n_ver=2*n_side;
471
         for i_v ver = 1: n_v ver
472
473
              VertexData(i_ver,:) = r + VertexData_0(i_ver,:) * R';
474
         \mathbf{end}
475
    endfunction
476
477
    function VertexData=GeoVerMakePropeller3(Location, Orientation, Radius,...
478
479
     Height, SideCount, Ly)
480
481
         r=Location; //Location of center of block
482
         R=Orientation;
483
         // Vertices
484
         n_side=SideCount;
485
486
487
         for i_ver=1:n_side
              //X, Y: Adjusted to fix axis of rotation, Height: Adjusted to
488
              //locate center of the cylinder
489
              VertexData_0(i_ver,:) = [Radius * cos(2 * \% pi/n_side * i_ver), ...
490
              Radius*\sin(2*\% pi/n_side*i_ver)+(Ly/2), -0.5*Height];
491
492
              VertexData_0(n_side+i_ver,:) = [Radius*cos(2*%pi/n_side*i_ver),...
```

```
493
              Radius * \sin(2 * \% pi/n_side * i_ver) + (Ly/2), 0.5 * Height];
494
         end
495
496
          n_ver=2*n_side;
497
          for i_v er = 1:n_v er
498
499
              VertexData(i_ver,:) = r + VertexData_0(i_ver,:) * R';
500
         \mathbf{end}
501
     endfunction
502
503
     function VertexData=GeoVerMakePropeller4(Location, Orientation, Radius, ...
504
505
     Height, SideCount, Ly)
506
          r=Location; //Location of center of block
507
508
         R=Orientation;
509
          // Vertices
510
          n_side=SideCount;
511
512
513
          for i_ver=1:n_side
              //X,Y: Adjusted to fix axis of rotation, Height: Adjusted to
514
515
              //locate center of the cylinder
              VertexData_0(i_ver_{,:}) = [Radius * cos(2 * \% pi/n_side * i_ver), ...
516
              Radius*\sin(2*\% \text{pi/n_side}*i_\text{ver}) - (Ly/2), -0.5*Height];
517
              VertexData_0(n\_side+i\_ver,:) = [Radius*cos(2*\%pi/n\_side*i\_ver),...
518
519
              Radius * \sin(2 * \% pi/n_side * i_ver) - (Ly/2), 0.5 * Height];
520
         \mathbf{end}
521
522
          n_ver=2*n_side;
523
524
          for i_v ver = 1: n_v ver
              VertexData(i_ver,:) = r + VertexData_0(i_ver,:) * R';
525
526
          end
527
528
     endfunction
```

```
529
    function [PatchData1_X, PatchData1_Y, PatchData1_Z, PatchData2_X, ...
530
    PatchData2_Y, PatchData2_Z]=GeoPatMakeCylinder(VertexData, SideCount)
531
532
533
         n_side=SideCount;
534
         //Side Patches
535
         for i_pat = 1:n_side - 1
536
             Index_Patch1(i_pat,:)=[i_pat, i_pat+1, n_side+i_pat+1, n_side+i_pat];
537
538
         end
539
         Index_Patch1 (n_side,:) = [n_side,1,n_side+1,2*n_side];
540
541
542
         for i_pat=1:n_side
543
             //Side Patches Data
544
             PatchData1_X(:, i_pat)=VertexData(Index_Patch1(i_pat,:),1);
             PatchData1_Y(:, i_pat)=VertexData(Index_Patch1(i_pat,:),2);
545
             PatchData1_Z(:, i_pat)=VertexData(Index_Patch1(i_pat,:),3);
546
547
         end
548
         //Bottom Patches
549
             Index_Patch2(1,:) = [1:n_side];
550
551
             Index_Patch2(2,:) = [n_side + 1:2*n_side];
552
         for i_pat = 1:2
553
554
             //Bottom Patches Data
555
             PatchData2_X(:, i_pat)=VertexData(Index_Patch2(i_pat,:),1);
             PatchData2_Y(:, i_pat)=VertexData(Index_Patch2(i_pat,:),2);
556
             PatchData2_Z(:, i_pat)=VertexData(Index_Patch2(i_pat,:),3);
557
558
         end
559
560
    endfunction
```

APÉNDICE B

Reglas del Sistema Difuso

El sistema difuso tiene una base de reglas con las cuales realiza la sintonización de cada ganancia. Las entradas al sistema corresponden a OS, SSE y ST; cuyos valores lingüísticos son 1: Muy Bajo, 2: Bajo, 3: Medio, 4: Alto y 5: Muy Alto. La salida del sistema corresponde a ΔK ; cuyos valores lingüísticos son 1: Muy Negativo, 2: Negativo, 3: Nulo, 4: Positivo y 5: Muy Positivo.

OS	SSE	ST	ΔK_p	OS	SSE	ST	ΔK_p	OS	SSE	ST	ΔK_p
1	1	1	3	1	3	1	3	1	5	1	3
1	1	2	3	1	3	2	3	1	5	2	3
1	1	3	3	1	3	3	3	1	5	3	4
1	1	4	4	1	3	4	3	1	5	4	5
1	1	5	4	1	3	5	3	1	5	5	5
1	2	1	3	1	4	1	4	2	1	1	4
1	2	2	3	1	4	2	4	2	1	2	4
1	2	3	3	1	4	3	4	2	1	3	4
1	2	4	3	1	4	4	4	2	1	4	4
1	2	5	3	1	4	5	4	2	1	5	4

B.1 Reglas para el ajuste de K_p

Apéndice B. Reglas del Sistema Difuso

OS	SSE	ST	ΔK_p	OS	SSE	ST	ΔK_p	OS	SSE	ST	ΔK_p
2	2	1	4	3	2	5	3	4	3	4	3
2	2	2	4	3	3	1	3	4	3	5	4
2	2	3	4	3	3	2	3	4	4	1	3
2	2	4	4	3	3	3	3	4	4	2	3
2	2	5	4	3	3	4	3	4	4	3	3
2	3	1	4	3	3	5	3	4	4	4	3
2	3	2	4	3	4	1	3	4	4	5	4
2	3	3	4	3	4	2	3	4	5	1	4
2	3	4	4	3	4	3	3	4	5	2	3
2	3	5	4	3	4	4	3	4	5	3	3
2	4	1	3	3	4	5	3	4	5	4	4
2	4	2	3	3	5	1	3	4	5	5	4
2	4	3	3	3	5	2	3	5	1	1	2
2	4	4	3	3	5	3	3	5	1	2	2
2	4	5	4	3	5	4	3	5	1	3	3
2	5	1	4	3	5	5	3	5	1	4	4
2	5	2	5	4	1	1	3	5	1	5	5
2	5	3	5	4	1	2	3	5	2	1	2
2	5	4	5	4	1	3	3	5	2	2	2
2	5	5	5	4	1	4	3	5	2	3	2
3	1	1	3	4	1	5	4	5	2	4	2
3	1	2	3	4	2	1	3	5	2	5	2
3	1	3	3	4	2	2	3	5	3	1	2
3	1	4	3	4	2	3	3	5	3	2	2
3	1	5	3	4	2	4	3	5	3	3	3
3	2	1	3	4	2	5	4	5	3	4	3
3	2	2	3	4	3	1	3	5	3	5	3
3	2	3	3	4	3	2	3	5	4	1	3
3	2	4	3	4	3	3	3	5	4	2	3

OS	SSE	ST	ΔK_p	OS	SSE	ST	ΔK_p	OS	SSE	ST	ΔK_p
5	4	3	3	5	5	1	3	5	5	4	4
5	4	4	3	5	5	2	3	5	5	5	5
5	4	5	3	5	5	3	4				

B.2 Reglas para el ajuste de K_i

OS	SSE	ST	ΔK_p	OS	SSE	ST	ΔK_p	OS	SSE	ST	ΔK_p
1	1	1	3	1	5	1	4	2	4	1	4
1	1	2	3	1	5	2	4	2	4	2	4
1	1	3	3	1	5	3	4	2	4	3	4
1	1	4	3	1	5	4	4	2	4	4	4
1	1	5	3	1	5	5	4	2	4	5	4
1	2	1	4	2	1	1	3	2	5	1	4
1	2	2	4	2	1	2	3	2	5	2	4
1	2	3	4	2	1	3	3	2	5	3	4
1	2	4	3	2	1	4	3	2	5	4	4
1	2	5	3	2	1	5	3	2	5	5	4
1	3	1	3	2	2	1	3	3	1	1	3
1	3	2	3	2	2	2	3	3	1	2	3
1	3	3	3	2	2	3	3	3	1	3	3
1	3	4	3	2	2	4	3	3	1	4	3
1	3	5	3	2	2	5	3	3	1	5	3
1	4	1	3	2	3	1	3	3	2	1	3
1	4	2	3	2	3	2	3	3	2	2	3
1	4	3	3	2	3	3	3	3	2	3	3
1	4	4	3	2	3	4	3	3	2	4	3
1	4	5	3	2	3	5	3	3	2	5	3

Apéndice B. Reglas del Sistema Difuso

OS	SSE	ST	ΔK_p	OS	SSE	ST	ΔK_p	OS	SSE	ST	ΔK_p
3	3	1	3	4	2	3	3	5	1	5	3
3	3	2	3	4	2	4	3	5	2	1	3
3	3	3	3	4	2	5	3	5	2	2	3
3	3	4	3	4	3	1	3	5	2	3	3
3	3	5	3	4	3	2	3	5	2	4	3
3	4	1	4	4	3	3	3	5	2	5	3
3	4	2	4	4	3	4	3	5	3	1	3
3	4	3	4	4	3	5	3	5	3	2	3
3	4	4	4	4	4	1	3	5	3	3	3
3	4	5	4	4	4	2	3	5	3	4	3
3	5	1	4	4	4	3	2	5	3	5	3
3	5	2	4	4	4	4	2	5	4	1	3
3	5	3	4	4	4	5	2	5	4	2	3
3	5	4	4	4	5	1	2	5	4	3	3
3	5	5	3	4	5	2	2	5	4	4	4
4	1	1	3	4	5	3	2	5	4	5	4
4	1	2	3	4	5	4	2	5	5	1	5
4	1	3	3	4	5	5	2	5	5	2	5
4	1	4	3	5	1	1	3	5	5	3	5
4	1	5	3	5	1	2	3	5	5	4	4
4	2	1	3	5	1	3	3	5	5	5	4
4	2	2	3	5	1	4	3				

OS	SSE	ST	ΔK_p	OS	SSE	ST	ΔK_p	OS	SSE	ST	ΔK_p
1	1	1	3	2	1	1	4	3	1	1	3
1	1	2	3	2	1	2	4	3	1	2	3
1	1	3	4	2	1	3	4	3	1	3	4
1	1	4	4	2	1	4	5	3	1	4	5
1	1	5	4	2	1	5	5	3	1	5	5
1	2	1	3	2	2	1	4	3	2	1	3
1	2	2	3	2	2	2	4	3	2	2	3
1	2	3	4	2	2	3	4	3	2	3	4
1	2	4	4	2	2	4	4	3	2	4	4
1	2	5	4	2	2	5	4	3	2	5	5
1	3	1	4	2	3	1	4	3	3	1	3
1	3	2	4	2	3	2	4	3	3	2	3
1	3	3	4	2	3	3	4	3	3	3	3
1	3	4	4	2	3	4	5	3	3	4	4
1	3	5	4	2	3	5	5	3	3	5	5
1	4	1	4	2	4	1	3	3	4	1	3
1	4	2	5	2	4	2	3	3	4	2	4
1	4	3	5	2	4	3	3	3	4	3	4
1	4	4	5	2	4	4	4	3	4	4	5
1	4	5	5	2	4	5	5	3	4	5	5
1	5	1	3	2	5	1	3	3	5	1	3
1	5	2	3	2	5	2	3	3	5	2	3
1	5	3	3	2	5	3	3	3	5	3	4
1	5	4	3	2	5	4	4	3	5	4	4
1	5	5	3	2	5	5	5	3	5	5	3

B.3 Reglas para el ajuste de K_d

Apéndice B. Reglas del Sistema Difuso

OS	SSE	ST	ΔK_p	OS	SSE	ST	ΔK_p	OS	SSE	ST	ΔK_p
4	1	1	4	4	4	3	4	5	2	5	3
4	1	2	4	4	4	4	5	5	3	1	5
4	1	3	4	4	4	5	5	5	3	2	5
4	1	4	4	4	5	1	4	5	3	3	5
4	1	5	4	4	5	2	4	5	3	4	5
4	2	1	4	4	5	3	4	5	3	5	5
4	2	2	4	4	5	4	5	5	4	1	4
4	2	3	4	4	5	5	5	5	4	2	4
4	2	4	4	5	1	1	3	5	4	3	4
4	2	5	5	5	1	2	3	5	4	4	4
4	3	1	4	5	1	3	4	5	4	5	4
4	3	2	4	5	1	4	5	5	5	1	5
4	3	3	4	5	1	5	5	5	5	2	5
4	3	4	5	5	2	1	3	5	5	3	4
4	3	5	5	5	2	2	3	5	5	4	4
4	4	1	4	5	2	3	3	5	5	5	4
4	4	2	4	5	2	4	3				

RESUMEN AUTOBIOGRÁFICO

Víctor de Jesús Medrano Zarazúa

Candidato para obtener el grado de Maestro en Ciencias de la Ingeniería Eléctrica con orientación en Mecatrónica

Universidad Autónoma de Nuevo León Facultad de Ingeniería Mecánica y Eléctrica

Tesis:

Estabilización de vuelo en UAVs con sintonización inteligente de controladores convencionales

Nació en la ciudad de Monterrey, Nuevo León el 17 de octubre de 1992. Hijo de Víctor Medrano y Lucy Zarazúa. Estudió y se tituló como Ingeniero en Mecatrónica por parte de la FIME en la UANL (Generación 2009 - 2014). Ha tenido experiencia profesional en el campo de la electrónica. Sus principales intereses son la electrónica, programación, tecnologías emergentes, matemáticas, física, música, cine y literatura.